# GOBIERNO DEL ESTADO DE JALISCO

SECRETARIA DE EDUCACION
O. S. E. J.
DIRECCION DE EDUCACION TERMINAL





EL APRENDIZAJE DE FRACCIONES EN QUINTO GRADO DE PRIMARIA.

## INVESTIGACION DE CAMPO

QUE PRESENTAN

EL PROFR. ROBERTO GOMEZ AGUIRRE

EL PROFR. FRANCISCO JAVIER RODRIGUEZ SILVA

LA PROFRA. MARIA DE LOURDES GOMEZ AGUIRRE

LA PROFRA. IRMA SEGOVIANO RAMIREZ

PARA OBTENER EL TITULO DE LICENCIADO EN EDUCACION PRIMARIA

ZAPOPAN, JAL., OCTUBRE DE 1993

DICTAMEN



Zapopan, Jal., 19 de CTUBRE de  $199_3$ .

C. PROFR.(A)

MARIA DE LOURDES GOMEZ AGUIRRE.

PRESENTE:

En mi calidad de Presidente de la Comisión de Titulación de esta Unidad y como resultado del análisis realizado a su trabajo, intitulado:

"EL APRENDIZAJE DE FRACCIONES EN QUINTO CRADO DE PRIMARIA"

opción INVESTIGACION DE CAMPO a propuesta del asesor C. Profr.(a) JOSE CABRERA RAMIREZ , manifiesto a usted que reúne los requisitos académicos establecidos al respecto por la Institución.

Por lo anterior, se dictamina favorablemente su trabajo y se le autoriza a presentar su examen profesional.

ATENTAMENTE.

PROFR. MARIANO CASTAREDA LINARES.

PRESIDENTE DE LA COMISION DE TITULACION DE LA UNIDAD UPN 145 ZAPOPAN.

S. E. P. AD DECEMBER NACIONAL ... THOSE DESIGNATION



Zapopan, Jal., 19 de CCTUBRE

de 1993.

C. PROFR.(A)

ROBERTO COMEZ AGUIRRE. PRESENTE:

En mi calidad de Presidente de la Comisión de Titulación de esta Unidad y como resultado del análisis realizado a su trabajo, intitulado:

"EL APRENDIZAJE DE FRACCIONES EN QUINTO CRADO DE PRIMARIA"

opción INVESTIGACION DE CAMPO a propuesta del asesor C. Profr.(a) JOSE CABRERA RAMIREZ , manifiesto a usted que reúne los requisitos académicos establecidos al respecto cor la Institución.

Por lo anterior, se dictamina favorablemente su trabajo y se le autoriza a presentar su examen profesional.

ATENTAMENTE.

A COMISION DE TITULACION

DE LA UNIDAZ

AGOGICA NACIONAL

10AD 14 E Dran, Jal.



Zapopan, Jal., 19 de CTIBRE

de 1993 :

C. PROFR.(A) IRMA SECOVIANO RAMIREZ. PRESENTE:

En mi calidad de Presidente de la Comisión de Titulación de esta Unidad y como resultado del análisis realizado a su trabajo, intitulado:

"EL APRENDIZAJE DE FRACCIONES EN QUINTO GRADO DE PRIMARIA"

opción INVESTIGACION DE CAMPO a propuesta del asesor C. Profr.(a) JOSE CABRERA RAMIREZ , manifiesto a usted que reúne los requisitos académicos establecidos al respecto por la Institución.

Por lo anterior, se dictamina favorablemente su trabajo y se le autoriza a presentar su examen profesional.

ATENTAMENTE.

PROFR. MARIANO CASTAMEDA LINARES.

PRESIDENTE DE LA COMISION DE TITULACION - DIO PEDAGOGICA NACIONAL

DE LA UNIDAZ UPN 145 ZAPOPAN.

LING OFAN, JAL.

- 10AD 14 E



Zapopan, Jal., 19 de OCTUBRE

de 1993.

C. PROFR.(A)

FRANCISCO JAVIER RODRIQUEZ SILVA.
P R E S E N T E :

En mi calidad de Presidente de la Comisión de Titulación de esta Unidad y como resultado del análisis realizado a su trabajo, intitulado:

"EL APRENDIZAJE DE FRACCIONES EN CUINTO CRADO DE PRIMARIA"

opción INVESTICACION DE CAMPO a propuesta del asesor C. Profr.(a) JOSE CABRERA RAMIREZ , manifiesto a usted que reúne los requisitos académicos establecidos al respecto por la Institución.

Por lo anterior, se dictamina favorablemente su trabajo y se le autoriza a presentar su examen profesional.

ATENTAMENTE.

PROFR. MARIANO CASTAREDA LINARES.

PRESIDENTE DE LA COMISION DE TITULACION DE LA UNIDAD UPN 145 ZAPOPAN. S. E. P.

TO 10 PEDAGOGICA NACIONAL TELETO A DI 1 4 E TELETO PANETAT DEDICATORIAS

#### NO DESISTAS

Cuando vayan mal las cosas como a veces suelen ir; Cuando ofrezca tu camino solo cuestas que subir; Cuando tengas poco haber pero mucho que pagar y precises sonreir aún teniendo que llorar; Cuando ya el dolor te agobie y no pueda ya sufrir; descansar acaso debes, pero nunca desistir.

Tras las sombras de la duda ya planteadas ya sombrías puede bién surgir el triunfo, no el fracaso que temías. Y no es dable a tu ignorancia figurarse cuán cercano Puede estar el bién que anhelas y que juzgas tan lejano

Lucha pues, por mas que en la brega tengas que sufrir, cuando todo esté peor, más debemos insistir.

Surge desde lo mas profundo de nuestro corazón el mas sincero agradecimiento para:

#### NUESTRO PADRES:

Por su apoyo incondicional y porqque su amor y cariño nos sostuvieron cuando - estuvimos a punto de desfallecer.

## A NUESTROS MAESTROS:

Porque su saber y entrega estuvieron siem pre al alcanea de nuestras manos y porque su estímulo nos ayudo a alcanzar una de nuestras mas hermosas metas.

ESPECIALMENTE A USTEDES MAESTROS:

J. Concepción Martín del Campo y

José Cabrera Ramírez

#### A NUESTRA UNIVERSIDAD:

Alma Mater, erigida por hombres y mujeres que sin conocernos nos dan su más elevado esfuerzo para brindarnos la oportunidad de edificar un mejor destino que ha de depender de nosotros en cada uno de nuestros alumnos.

## A USTEDES AMIGOS Y COMPANEROS:

Porque al ofrecernos su amistad, apoyo y estímulo hicieron agradables nuestros pasos.

PROFR: FRANCISCO JAVIER RGUEZ.SILVA
PROFR: ROBERTO GOMEZ AGUIRRE
PROFRA: IRMA SEGOVIANO RAMIREZ
PRPFRA: MA. DE LOURDES GOMEZ AGUIRRE

## INDICE

	PAGINA
INTRODUCCION	1
- Formulación del problema	3
- Justificación	5
- Objetivos	7
- Hipótesis	8
- Periodización del trabajo	9
- Metodología	1-1
CAPITULO 1	
MARCO CONTEXTUAL	12
1.1 Selección de la muestra	13
1.2 Diseño y aplicación de los instrumentos de	
valoración.	17
1.3 Caracterización del sujeto de 5° grado de	
primaria.	19
1.4 Estructura del programa del aspecto, de las	
fracciones del área de Matemáticas de 5° grado.	22
CAPITULO 2	
LA PSICOGENETICA Y LA ENSENANZA DE LAS MATEMATICAS.	25
2.1 La matemática desde el punto de vista psico-	
genético.	26

		PAGINA
	2.1.1 La teoría psicogenética.	26
	2.1.2 El desarrollo y el aprendizaje.	29
	2.1.3 Desarrollo de estructuras y aprendizaje.	30
	2.1.4 Períodos del desarrollo.	35
2.2	Observaciones sobre la enseñanza matemática.	39
	2.2.1 La matemática como lenguaje.	39
	2.2.2 Cómo el niño construye conceptos matemá-	
	ticos.	40
	2.2.3 La representación gráfica.	44
CAP	ITULO 3	
LOS	NUMEROS RACIONALES Y LA PRACTICA DOCENTE.	46
3.1	Los números racionales.	47
	3.1.1 Introducción a los números racionales.	47
	3.1.2 Fracciones comunes o propias.	48
	3.1.3 Fracciones equivalentes.	49
	3.1.4 Suma y resta de fracciones.	50
	3.1.5 Fracciones decimales.	52
	3.1.6 Definición de conceptos.	53
3.2	La práctica docente.	56
	3.2.1 Práctica docente.	56
	3.2.2 ¿Cómo debe ser la práctica docente?	60
	3.2.3 Algunos problemas en el aprendizaje	
	de las fracciones.	68

	PAGINA
3.2.4 Algunas sugerencias para la realización	
de la práctica docente.	72
CAPITULO 4	
RESULTADOS	74
4.1 Ordenación e interpretación de resultados de	75
la investigación.	
4.1.1 Resultados de la evaluación por reactivo.	75
4.2 Conclusiones	94
4.3 Sugerencias	95
BIBLIOGRAFIA	96
ANEXOS	0.0

## INTRODUCCION

Todo aquel niño que llega a nuestras manos acudiendo - al conocimiento, bien merece todo nuestro empeño y dedica--ción.

En este trabajo queremos dar a conocer porque el alumno de 5° grado de primaria no aprende las bracciones.

Hablamos de las características que predominan en losalumnos de este grado de primaria, su desarrollo y madurez, tanto áísica como mental.

La matemática siempre se ha considerado como una materia muy difícil, o tal vez nosotros como maestros la presen tamos de esa forma ocasionando menor rendimiento en los temas abordados. Por lo que es muy conveniente conocer el desarrollo general de nuestros alumnos, desde que nacen hasta que llegan al nivel de Educación Primaria, donde construyen su propio concepto matemático, ya que están en contacto con experiencias de aprendizaje, adquiriendo más estructuras.

Ventro de las fracciones damos a conocer el nivel conceptual en que se encuentran los alumnos de primaria en cada uno de sus aspectos la suma de fracciones, la resta de fracciones, expresión decimal, fracciones en la resta numérica, simplificación, conversión y fracción mixta a común,-fracciones propias e impropias y equivalencias, a la vez  $h\underline{a}$  cer reflexionar a los maestros sobre lo que realizamos en -nuestra práctica docente.

#### FORMULACION DEL PROBLEMA

Es notable para quien enseña que uno de los conceptosmás difíciles para el alumno son las fracciones. Hoy en -día, el conocimiento de fracción en los niños, desde el pri
mer grado de primaria, es un proceso complicado, pues en el
actúan factores como el temor a los números. El educando -desde muy pequeño, tiene el conocimiento de las fracciones,
pero en una forma implícita, pues las maneja en su vida cotidiana y dentro de su hogar; los va interiorizando a través de un proceso de aprendizaje, mismo que continuará al ingresar a la escuela primaria.

Cuando el educando llega al quinto grado de primaria, - ya posee un conocimiento referente a las fracciones, pero - después de un análisis hecho en alumnos de este grado se -- descubrió una situación crítica; gran cantidad de alumnos - TIENEN DIFICULTAD AL REALIZAR OPERACIONES DE FRACCIONES.

Las instituciones educativas ayudan al niño a llegar a una integración total dentro de la sociedad; en ella interactúan maestros, alumnos y padres de familia y Estos son -- los partícipes del proceso de aprendizaje que va construyen do el alumno para lograr sus propios conocimientos. Los factores que le proporcione su contexto social serán muy importantes, uno de ellos sería la escuela, que tiene una labor-

educativa que da a las personas la oportunidad de desarro-llarse y superarse para una mejor forma de vida, logrando una educación equilibrada; todo esto lo complementa el maes
tro, con los planes y programas oficiales que se distribu-yen en el país, los cuales bien encaazados-llevarían al edy
Ednago una formación integral.

#### JUSTIFICACION

Con este trabajo pretendemos examinar las causas de la dificultad que presentan los alumnos de 5° grado de prima-ria en la adquisición del conocimiento de las fracciones e-indagar si las razones de nuestros frecuentes fracasos di-dácticos serán la atribución a una enseñanza mal dirigida - ¿Será por una enseñanza mal dirigida que el niño no llegue-al dominio de determinado conocimiento y por consiguiente - fracase? Por lo anterior, nuestra intención es descubrir el potencial del conocimiento oculto de los niños, de acuerdo-a sus posibilidades, ya que aquél será la base de su aprendizaje.

Nuestra visión directa es para que el docente activo - conozca el aprendizaje informal del niño respecto a la fracción. Cuando el niño entra a la escuela primaria ya utiliza el conocimiento informal en su vida cotidiana y es lamenta blemente triste ver que los docentes no exploran o investigan qué tanto sabe el niño de las fracciones, antes de iniciar con la clase. Por ejemplo: la mamá le dice al niño que tiene que compartir un refresco, una pieza de pan, unos dul ces, entre sus hermanos; el niño suele emplear estos conocimientos informales por medio de interpretaciones aritméticas formales que se imparten en la escuela y así va construyendo su conocimiento formal, poco a poco, partiendo del in

formal que ya poseía. 🥻

Por tal motivo creemos que el docente debe diagnosti--car ese conocimiento informal que los niños tienen, ya que-muchas veces éstos nos sorprenden inesperadamente.

Por otra parte, también nos interesa saber hasta donde el docente ayuda al educando en la construcción del conocimiento de las fracciones.

#### OBJETIVOS

En el presente trabajo nos hemos fijado lo siguiente:

#### OBJETIVO GENERAL:

Encontrar las causas que ocasionan la construcción - - errónea de las fracciones matemáticas.

#### OBJETIVOS ESPECIFICOS:

- 1. Obtener resultados de la aplicación de encuestas.
- 2. Interpretar y analizar los resultados obtenidos.
- 3. Establecer conclusiones.
- 4. Plantear sugerencias.

Con base en los objetivos propuestos, es importante no olvidar que gran parte de los conocimientos matemáticos que poseemos, los hemos adquirido recientemente desde el punto-de vista histórico; por eso los docentes no debemos pretender que el niño construya conocimientos sólo con el tiempo-que marcan los planes, programas y libros de texto, sin tratar de conocer los diferentes niveles que necesita cada niño para poder tener un avance progresivo.

#### HIPOTESIS

Los alumnos de quinto grado de educación primaria cons truyen el conocimiento de las fracciones erroneamente, ya que el docente no utiliza el método adecuado por no tener claros los conceptos de fracción.

VARIABLE INDEPENDIENTE

\* Construcción del conocimientode las fracciones y concepto de fracción.

**VARIABLES DEPENDIENTES:** 

\* No se utiliza el método adecua do para la construcción del co nocimiento de fracciones sin error.

mdes-10

El docente no tiene claros los conceptos de fracciones.

#### PERIODIZACION DE LA INVESTIGACION

#### FEBRERO 1992

Se presentó un proyecto de investigación a la direc-ción de la Universidad Pedagógica Nacional, Unidad 14E Zapopan.

#### MARZO

Se elaboró las encuestas a realizar y se revisaron los aspectos temáticos del grado.

#### ABRIL

Selección de las escuelas sujetas a investigación, estatales y federales.

#### MAYO

Se elaboraron las solicitudes a los directores de lasescuelas donde se aplicaron las encuestas.

#### JUNIO

Aplicación de exámenes y encuestas a niños y maestrosde cada plantel educativo seleccionado.

#### SEPTIEMBRE

Revisión de las 90 encuestas.

#### OCTUBRE Y NOVIEMBRE

Marco Tebrico.

#### DICIEMBRE

Anotación y registro de los resultados de la investig $\underline{a}$  ción.

#### ENERO 1993.

Organización final de los capítulos.

#### **FEBRERO**

Se recibió asesoría para elaboración de tesis.

#### ABRIL

Elaboración de gráficas.

#### MAYO

Comparación de resultados, conclusiones y sugerencias.

#### JULIO

Se entregó el documento recepcional a la dirección de-la U.P.N.

#### METODOLOGIA

El presente trabajo contiene en parte aportaciones dela sociología empírica.

- Empleamos la técnica de investigación de campo, así comola observación directa, para darnos cuenta de las actitudes y conductas que presentarían los alumnos y docentes en el momento de la aplicación de los instrumentos de valoración concerniente al tema "LAS FRACCIONES". Posterior
  mente se recopilaron datos y se hizo la interpretación de
  los mismos.
- Se requirió también la técnica de la investigación docu-mental para recopilar toda la información posible que fun
  damentaría gran parte de nuestro trabajo.
- Acudimos por otra parte a la elaboración de gráficas para la interpretación de cada uno de los cuestionamientos - planteados en los instrumentos de valoración.

CAPITULO 1

MARCO CONTEXTUAL

#### SELECCION DE LA MUESTRA

Para efectuar la muestra que nos sirviera de estudio - en nuestra investigación, fue necesario seleccionar las escuelas en las que se les aplicarian los exámenes a niños de 5° grado; a los docentes se les aplicó una encuesta relacio nada con la metodología utilizada por ellos al enseñar lasfracciones.

Las escuelas seleccionadas fueron 3 del medio urbano - de Zapopan, Jalisco.

Dichas escuelas son las siguientes:

- ESCUELA FEDERAL LAZARO CARDENAS DEL RIO.

  Domicilio: Prolongación Av. Guadalupe No. 53,

  Arenales Tapatios, Zapopan.

  Clave. 14DPR 0087V
- ESCUELA ESTATAL URBANA 772

  DOMICILIO: José Palomar No. 92, Zapopan, Jal.

  Clave: 45EPR0156H
- ESCUELA ESTATAL URBANA 907

  DOMICILIO: Cordilleras s/n INFONAVIT EL COLLI, Zapopan,

  Jal. Clave: 14EPR1353H

La escuela Lázaro Cárdenas del Río se encuentra ubicada en la Colonia Arenales Tapatios, Zapopan, Jal. al sur de la ciudad.

Las características socioeconómicas y culturales de la población no son muy favorables, ya que las familias pertenecen a un estrato de la clase baja en el que predomina elpandillerismo, alcoholísmo y la desintegración familiar.

Los trabajos que desempeñan los hombres son por lo general: albañilería, jardinería, choferes, etc., lo que permite que haya una alimentación más o menos aceptable. En -- cuanto al apoyo a sus hijos en el aprendizaje, no es muy  $\underline{6a}$  vorable.

Esta comunidad se encuentra en vías de desarrollo, aun que ya se cuenta con los servicios de agua potable, luz - eléctrica, transporte y drenaje. Por otra parte, en dicha - escuela existe una población escolar de aproximadamente 250 a 300 alumnos entre los 6 y 15 años de edad, de los que solamente en el 5° grado se aplicaron exámenes de explora- - ción. 7

En la escuela Urbana 172 existe una población escolaraproximada de 200 niños, entre 6 y 16 años, de los cuales se tomaron 17 niños y 13 niñas del 5° grado para aplicar -- exámenes que nos servirían de antecedente en nuestro trabajo. Esta escuela está ubicada en El Batán, Zapopan, Jalisco en la calle José Palomar No. 92, al Norte de la ciudad.

Los niños que asisten a esta escuela no son precisamen te niños de la comunidad, sino que la mayoría de ellos sonde otras comunidades como la colonia Jalisco, en el Municipio de Tanalá; la Colonia Arroyo Hondo, la Mesa Colorada, -Villa de Guadalupe, López Flores y Rancho Nuevo, por lo que tienen que viajar hasta & kilômetros desde sus hogares hasta la escuela. La situación económica y social que viven es tos niños y las familias en sí no es nada favorable; sus co lonias no cuentan con los servicios indispensables como son: agua, luz, drenaje, etc. La mayoría de los padres de familia no tienen terminada ni la educación primaria, por lo que no pueden ocupar empleos en los que ganen un sueldodigno, sino todo lo contrario; ocasiona con esto que no les puedan brindar a sus hijos buena alimentación, porque ade-más, lo poco que ganan se lo gastan en bebidas embriagan-tes o drogas, dejando a su familia sin dinero para las nece sidades del hogar. El apoyo én el aprendizaje por parte delos padres no se da y solamente se cuenta con lo que los maestros puedan hacer por esos niños, pero en repetidas oca siones los niños dejan de asistir a la escuela porque sienten el poco interés que tienen los padres en su enseñanza.

En la escuela Urbana 907, seleccionada también para -realizar nuestro trabajo, existe una población de 700 a 750
niños, entre los 6 y 14 años de edad y de Estos se tomaron35 alumnos de 5° grado grup "C" para la aplicación del exámen de diagnóstico.

La Escuela Urbana 907 se encuentra ubicada en la Colonia Infonavit El Colli, Zapopan, Jalisco. Sus características socioecónomicas y culturales son favorables, ya que las
familias pertenecen a un contexto social medio, dominando la clase comerciante, obreros, empleados, técnicos y profesionistas, lo que permite una salud y alimentación aceptable. Por lo que respecta al apoyo en el aprendizaje de la población infantil por parte de los padres de familia; es bueno pero podría ser mejor si algunos padres les brindaran
más tiempo a sus hijos.

La comunidad cuenta con todos los servicios como aguapotable, luz eléctrica, drenaje, correo, teléfono, transpor
te, pavimentación, etc.

Dentro de este contexto, la escuela cumple con una fun ción de propiciar elementos necesarios para que los alumnos adquieran los conocimientos básicos.

#### DISERO Y APLICACION DE LOS INSTRUMENTOS DE VALORACION

Para realizar el trabajo que nos planteamos recurrimos a los contenidos tomados de los planes, programas y libros-de texto de 5° grado.

Primeramente analizamos la estructura general de los - contenidos programáticos, para tener una panorámica mayor - de los conocimientos que supuestamente los alumnos deben ma nejar en el 5° grado de primaria, ya que al término del ciclo todos reciben esa instrucción. Posteriormente obtuvimos la caracterización de los aspectos del tema las fracciones, que se manejan en este grado.

Partiendo de los contenidos, elaboramos y aplicamos -- las pruebas objetivas. Se aplicaron en total My pruebas, 30 25 en cada escuela, con el fin de obtener la información reque rida. Se buscó que tanto sabe el niño realizar o manejar -- convencionalmente las operaciones que incluyen las fracciones.

La aplicación de pruebas las realizamos casí al finalizar el ciclo escolar, en el mes de junio, para que los alum nos tuvieran el conocimiento respecto a las fracciones; también se solicitó permiso de aplicación de pruebas a los respectivos directores de las escuelas, así como a los maes-

tros de grupo.

También se realizó la aplicación de 100 encuestas a -- maestros de 3 zonas distintas, con el fin de darnos cuenta- que porcentaje de maestros utilizan metodología adecuada en la enseñanza de las fracciones.

#### CARACTERISTICAS DEL SUJETO DE 5° GRADO

Las investigaciones que ha realizado la Psicología en el aspecto evolutivo de la persona, siempre presenta rán para el maestro un marco referencial de suma utilidad.

Algunos rasgos fundamentales que caracterizan alniño de quinto: afirmación de su personalidad, aumento esta ble en el desarrollo de sus capacidades mentales, inmadurez ante las nuevas emociones; es más consciente de sus defectos que de sus cualidades; se siente insatisfecho en algunos momentos y experimenta placer por descubrirse a sí mismo; es un organismo en pleno proceso de transformación porsu desarrollo físico; la aparición de la conciencia sexual; amistad extrovertida y curiosidad sin límite.

La afirmación de la personalidad o la búsqueda de sí se manifiestan en:

- Deseo de tomar decisiones por si mismo, investigar y tratar de comprender la realidad que le rodea, experimentartodo lo que le interesa, realizar una gran actividad social para establecer relaciones afectivas, participar endiversas actividades coléctivas de los grupos sociales alos que pertenece, en los intentos de autodeterminación que ensayan es probable que se presenten reacciones agresivas o de rebeldía, como respuestas naturales a su ansia creciente de nuevas conquistas; aceptará responsabilidades y compromisos con tal de ser tratado como mayor.

El desarrollo de las capacidades mentales es suma mente intenso, su abstracción y pensamiento lógico le permiten realizar actividades de cierta complejidad, como explicarse el mundo que lo rodea con mayor objetividad; acepta a cada uno con sus potencialidades y limitaciones.

#### EN SU DESARROLLO PSICOMOTOR

Logra realizar actividades más complejas y hacervarias cosas a la vez; sigue reglas (distancia, tiempo y  $\ell \underline{\ell}$  mite).

Es consciente de su ajuste postural (el cambio -- anatômico requiere de constante educación postural y mo- - triz).

Es necesario pasar de la experiencia motriz a la-expresión verbal.

Con la ayuda de los puntos cardinales reafirmar - los conceptos de orientación.

Se le deben dar actividades para que practiquen - movimientos compuestos y manipulativos, dandole confianza - durante su realización.

#### EN SU DESARROLLO COGNOSCITIVO

El niño de quinto grado distingue los hechos y  $\underline{\delta}\underline{e}$  nómenos sociales y naturales de los fantásticos.

Expresa comprensión en los conceptos de relación-(equivalencia, tamaño, cantidad, ubicación y distancia).

Realiza clasificaciones múltiples nombrando más - de dos características de los seres y objetos.

Comprende secuencias y llega a conclusiones.

Comprende contextos que advierten sucesos anteriores y consecuencias futuras de una situación.

Adquiere un sentido práctico del tiempo (sucesión) aunque todavía confunde las épocas.

Genera o planea explicaciones y soluciones a he-chos y situaciones con base en un análisis lógico mediante-ensayo y error.

Es capaz de emplear una misma palabra dandole diferentes significados.

Distingue y expresa claramente sus estados de áni mo por medio de los diferentes lenguajes (gráfico, oral, -- corporal, etc).

Es capaz de expresarse oralmente, empleando un -- lenguaje discursivo, interviene espontáneamente y no se li-mita a contestar sólo cuando se le cuestiona.

Se le proporcionará un gran estímulo si se le -plantean problemas y tareas prácticas, para cuya resolución
realice varias operaciones mentales (análisis, síntesis, ge
neralización), si se le motiva a que exponga oralmente y -por escrito sus experiencias, resúmenes de lectura y análisis de hechos y situaciones.

#### EN SU DESARROLLO SOCIOAFECTIVO

Inicia la etapa del desarrollo llamada pre-adolescen--

cia, caracterizada por la necesidad de establecer una relación de amistad estrecha con un compañero del mismo sexo ya la vez empieza a interesarse por el sexo opuesto. En losgrupos de amigos observa constantes muestras de rechazo y reconocimiento que vienen a formar parte del proceso de desarrollo y organización de emociones.

Deja de ser egocéntrico (dandole importancia a -- los demás).

Muestran rechazo hacía ordenes o reglas establec<u>i</u> das tanto en su casa como en la escuela.

Tienen un código moral muy fuerte (sentido de la-justicia).

No tolera fácilmente la frustración, repentinos - (estados de ánimo, fomentar el compañerismo y el diálogo". (1)

<sup>(1)</sup> S.E.P. Libro para el maestro, quinto grado, págs. 13 a-15.

#### ESTRUCTURA DEL PROGRAMA DEL ASPECTO DE LAS FRACCIONES DEL AREA DE MATEMATICAS DEL 5º GRADO.

#### OBJETIVO GENERAL:

PROPICIAR EN EL ALUMNO EL DESARROLLO DEL PENSA--MIENTO CUANTITATIVO Y RELACIONAL, como un instrumento de --comprensión, interpretación, expresión y transformación de-los fenómenos sociales, científicos y artísticos del mundo.

OBJETIVOS GENERALES: En fracciones y sus operaciones.

- Resolver problemas de multiplicación y división de números racionales expresados por medio de fracciones o en no tación decimal, así como señalar las relaciones de equivalencia y desigualdad entre fracciones. (2)

#### UNIDAD I

#### OBJETIVO PARTICULAR:

1.3 En fracciones y sus operaciones: Establecer relación de orden y equivalencia entre fracciones.

#### OBJETIVOS ESPECIFICOS:

- 1.3.1 Representar por medio de fracciones, partes de un en tero o de un conjunto.
- 1.3.2 Encontrar fracciones equivalentes a otras dadas.
- 1.3.3 Establecer relación de orden entre fracciones.(3)

#### UNIDAD II

#### OBJETIVO PARTICULAR:

2.3 En fracciones y sus operaciones: Efectuar adición y sus tracción con fracciones decimales y con fracciones coma nes de distinto denominador.

### OBJETIVOS ESPECIFICOS:

- 2.3.1 Efectuar adiciones de fracciones de distinto denomina dor.
- (2) Ibidem. pag. 64.
- (3) Ibidem. pág. 65,68 y 69.

- 2.3.2 Efectuar sustracciones de fracciones de distinto deno
- 2.3.3 Sumar fracciones decimales hasta milésimas. (4)

#### UNIDAD VI

#### OBJETIVO PARTICULAR:

6.3 En las fracciones y sus operaciones. Resolver problemas que impliquen multiplicación de una fracción por otra fracción.

#### OBJETIVO ESPECIFICO:

- 6.3.1 Resolver problemas que impliquen multiplicación de un entero por una fracción.
- 6.3.2 Resolver problemas que impliquen multiplicación de -una fracción.
- 6.3.3 Efectuar multiplicación de fracciones. (5)

#### UNIDAD VII

#### OBJETIVO PARTICULAR:

7.3 En las fracciones y sus operaciones. Efectuar divisiónen fracciones aplicando la propiedad del inverso multiplicativo.

#### OBJETIVO ESPECIFICO:

- 7.3.1 Efectuar divisiones de fracciones comunes, utilizando el inverso multiplicativo.
- 7.3.2 Representar números racionales positivos en la rectanumérica. (6)

#### UNIDAD VIII

#### OBJETIVO PARTICULAR:

8.3 En las fracciones y sus operaciones. Resolver problemas que impliquen alguna operación entre fracciones.

(4) Ibidem, págs. 71, 72 y 73. (5) Ibidem, págs. 93, 96, 97 y 99.

(6) Ibidem, pags. 103 y 106.



111248

111248

#### OBJETIVOS ESPECIFICOS:

- 8.3.1 Efectuar adiciones y sustracción con fracciones.
- 8.3.2 Resolver problemas que impliquen multiplicación de --
- fracciones. 8.3.3 Resolver problemas que impliquen división de fracciones. (7)

OBSERVACIONES: El tema de las fracciones no está contemplado en las Unidades III, IV y V.

(7) Ibidem, págs. 109, 111 y 112.

# CAPITULO 2

LA PSICOGENETICA Y LA ENSEÑANZA DE LAS MATEMATICAS.

LA MATEMATICA DESDE EL PUNTO DE VISTA PSICOGENETICO.
2.1.1 TEORIA PSICOGENETICA

La teoría psicogenética es aquella línea de la psicología evolutiva cuyo objetivo es comprender y explicar el desarrollo del individuo en sus diferentes etapas.

Arnold Gessell es el primer autor que observa y analiza el desarrollo del niño. Lo conceptúa como un proceso natural de secuencia comprensible, afirma que así como el - - cuerpo crece, la conducta evoluciona, ya que el niño es unsistema de acción de crecimiento; adquiere su pensamiento - por el mismo camino que adquiere su cuerpo a través del proceso. A medida que el sistema nervioso se modifica bajo la-acción del crecimiento, se diferencia y cambia.

Dentro de las teorías psicogenéticas, Jean Piaget y -Henri Wallon presentan el desarrollo psíquico como una cons
trucción progresiva que se produce como una interacción entre el individuo y el medio ambiente. Conciben una auténtica génesis de la inteligencia frente a la idea del desarrollo como realización progresiva de funciones pre-determinadas.

Estos dos autores no se limitaron a darnos una descripción de las etapas de evolución psíquica, sino trataron de-

explicarla intentando deslindar los procesos más sobresa- lientes de su gênesis.

Piaget ha profundizado fundamentalmente en los procesos propios del desarrollo cognitivo y Wallon en el papel de la emoción en el comienzo del desarrollo humano. En diversos estudios, Piaget ha insistido en los cambios estructurales de cada etapa del desarrollo cognitivo y Wallon por su parte se ha fijado en el de la personalidad como cosa total.

En el estudio del desarrollo cognitivo, Piaget da gran importancia a la adaptación que caracteriza a todo ser vi-vo. Según su grado de desarrollo, tendrá diversas formas oestructuras. En el proceso de adaptación hay que considerar dos aspectos: La asimilación o integración meramente externa a las propias estructuras de la persona, en función de loscambios del medio exterior, y el concepto de equilibración que produce Piaget para explicar el mecanismo regulador entre el ser humano y su medio. Los continuos intercambios -adoptan formas progresivas cada vez más complejas.

El desarrollo es un proceso espontáneo, vinculado a todo el proceso de embriogénesis, la cual se réfiere al desarrollo del cuerpo, del sistema nervioso y de las funcionesmentales, que se consolidan en la adultez.

Es un proceso total que debemos relocalizar en su contexto general biológico y psicológico.

El aprendizaje, a diserencia del desarrollo, es provocado por situaciones, aún cuando no siempre son dirigidas intencionalmente por alguien, pues los aprendizajes dirigidos por un maestro, psicólogo o experimentador sólo son algunos de la gran cantidad que el sujeto construye a lo largo de su vida, siempre y cuando sus estructuras cognitivasse lo permitan.

El aprendizaje se traduce en una modificación de un es quema de acción con base en los mecánismos biológicos y cog nitivos. De esta manera puede considerarse que el desarro-llo explica el aprendizaje.

# 2.1.2 EL DESARROLLO Y EL APRENDIZAJE

La función de la escuela es desarrollar individuos cada vez más adaptados a su medio social. Es indispensable -aclarar que para que un individuo se adapte a las exigen-cias actuales del mundo moderno debe haber podido desarro-llar al máximo sus potenciales intelectuales, emocionales y
sociales, y así comprender mejor las necesidades de cambiocontinuo que es el mayor reto que la civilización moderna impone.

En sí, significa que la escuela debe preparar indivi-duos para el mañana, dándoles elementos válidos para com-prender el mundo donde les tocará vivir.

# EL CONOCIMIENTO Y EL APRENDIZAJE ESCOLAR

Para que el maestro pueda propiciar el aprendizaje y - desarrollar el conocimiento de sus alumnos, tiene que com--prender cómo se forman los conocimientos.

Al nacer el niño, sólo dispone de algunas conductas -simples, basadas en su mayor parte en reflejos innatos. Pero junto con estas conductas primitivas, el individuo presenta una clara disposición para el desarrollo de sus poten
ciales.

#### 2.1.3 DESARROLLO DE ESTRUCTURAS Y APRENDIZAJE

El desarrollo intelectual es un proceso espontáneo, ba sado en las funciones cognoscitivas de asimilación y acomodación.

La asimilación consiste en la incorporación de las características de un objeto a la estructura cognitiva de unsujeto.

La acomodación consiste en la modificación que sufre - una estructura para adecuarla a las características de un - objeto. Estas funciones o procesos cognitivos, al entrar en equilibrio a través de la interacción con el medio ambien-te, forman estructuras que consisten en conjuntos de acciones que están cordinadas, interrelacionadas e interdependientes, que se representan en una secuencia y forman una - totalidad con sentido.

Estas estructuras son propiedades organizativas del intelecto, son los sistemas de referencia, de significado, es decir que a través de las estructuras un sujeto va a dar -- significado a los objetos que le rodean.

Las estructuras, así como el contenido de las mismas,-cambian con la edad, no las funciones y acomodación que se-

dan a través de todo el desarrollo.

Las estructuras cambian, es decir se transforman en -otras de acuerdo a las cualidades y organización de las acciones. Así tenemos en un primer momento que se basan en ac
ciones manifiestas, como por ejemplo, los movimientos y lacoordinación con las percepciones y sensaciones.

Este tipo de estructura se denomina esquema y es el -instrumento a través del cual el niño conoce y organiza loque le rodea; caracteriza lo que se denomina el período sen
sorio-motor.

Más tarde observamos que las acciones se interiorizana través del desarrollo de la imitación y el juego, formando lo que se conoce como representación; esa es la construcción de símbolos e imágenes mentales de los objetos. La anterior nos conduce a la posibilidad de que la organizacióncognoscitiva se lleve a cabo a nivel de combinaciones mentales, primordialmente enunciados así al comienzo del período
representacional.

La representación mental se indica con imágenes que se refieren a los estados de los objetos, lo que se denomina - el pensamiento figurativo. Más tarde las representaciones - se refieren a las acciones o transformaciones que dieron co

mo resultado ciertos estados. A esto último se le llama pensamiento operativo. Para alcanzar esto último es necesariouna serie de regulaciones entre las acciones que posibiliten la reversibilidad.

La operación es un tipo de estructura interiorizada -- que da lugar a la construcción lógica. La operación nunca - se encuentra aislada, siempre está vinculada con otras, for mando parte de la estructura total. Ejemplo de lo anterior es la seriación (relacionada asimétricas) y la clasifica - ción (clase lógica).

Las etapas del desarrollo se definirán por el tipo deestructuras que funcionan en cada una de ellas, y así tenemos: La etapa sensoriomotora, etapa de representación preoperacional, etapa de operaciones concretas y etapa de operaciones formales. Por tanto, para entender el desarrollo intelectual es necesario conocer la formación, elaboración, organización y funcionamiento de estas estructuras.

Existen cuatro factores principales para explicar el - proceso del desarrollo de una estructura a otra y son las - siguientes: maduración, experiencia, transmisión social y - la equilibración.

La Maduración: Se refiere primordialmente a la madura-

ción del sistema nervioso. Las primeras adaptaciones son un reflejo de las mismas controla las capacidades disponiblesen un momento dado y no alcanza su madurez total hasta que el niño cumple 15 o 16 años. La maduración de las habilidades motoras y perceptivas también se contemplan a esa edad.

La experiencia. Hay dos tipos de experiencia, la física y la lógica matemática. La física se refiere al conocimiento que se deriva de la abstracción de las caracteísticas de los objetos a través de la interacción con ellos. Ejem-plo: descubrir el peso de algún objeto.

Lógica-matemática. Se refiere a los conocimientos quese derivan de la abstracción de la característica de las ac ciones que se efectúan sobre los objetos: ejemplo, el contar con un conjunto de elementos, la suma etc.

La transmisión social. Este factor es importante paraque puedan existir las operaciones. Conforme crezcan las --oportunidades que los niños tengan de actuar entre sí, concompañeros, padres o maestros, más puntos de vista escucharan. Esta experiencia estimula a los niños a pensar utilizando diversas opiniones y les enseña a aproximarse a la objetividad. Un tipo de interacción así es también una fuente importante de información acerca de costumbres que constituyen el conocimiento social.

La equilibración. Se refiere a las comprensiones que - un sujeto hace frente a las perturbaciones. Es un proceso - activo de autorregulación que lleva a la reversibilidad. Es ta es una transformación compensada por otra transformación en dirección contraria.

El aprendizaje es provocado. Obedece a las mismas leyes que el proceso natural del desarrollo de estructuras. 

El objeto del aprendizaje es el desarrollo de la capacidadintelectual. Por lo tanto el verdadero desarrollo se da - cuando un sujeto descubre una nueva serie de estrategias -que le permita comprender un nuevo aspecto de la realidad y
al mismo tiempo le proporciona nuevos instrumentos para - construcción de su conocimiento.

# 2/.1.4 PERIODOS DEL DESARROLLO

# INTELIGENCIA SENSORIOMOTORA (0-2 años).

- Estructuras de la inteligencia.
- Esquemas reflejos.
- Establecimiento de nuevos esquemas de acción.

#### INTELIGENCIA PRACTICA E IMPIRICA.

- Principios de la asimilación.
   Reproductora de orden funcional.
   (Ejercicio de chupar, tirar, etc).
- 2. Inicio de la asimilación.

Generalizadora

Extensión de un esquema a otros objetos (Todo lo que sepuede chupar, tirar, etc).

Comienza la asimilación de reconocimiento (discrimina-ción de situaciones), comienzo de anticipación.
 Comienza la simbolización.
 Coordinación de esquemas.

# CONTENIDOS DEL CONOCIMIENTO

- Pseudoimitación
- Ritualización
- Juego de acción
- Imitación

- Juegos funcionales.
- Búsqueda del objeto ausente

#### LENGUAJE

- Juego con arena o plastilina
- Escritura dibujo
- Inicio del juego simbólico

#### PREOPERATORIO (2 a 6 años)

Estructuras de la inteligencia.

- El sujeto pasa a la representación simbólica.
- Uso de la evocación.
- Uso de la anticipación.
- Lógica elemental.

Contenidos del conocimiento

- Uso del lenguaje verbal
- Inicio del lenguaje escrito
   Pseudo letras.
- Escritura figural
- Cuenta cuentos
- Describe eventos

Establecimiento de la función semiótica

- Puede prever lo que necesita pedir.
- Pensamiento transductivo (del particular al particular -- verbal).

Comienzo de la descentración.

- Pseudo-letras sin control de cantidad
- Necesidad de diversidad de grafías.

#### OPERACIONES CONCRETAS (6 a 11 años)

Estructuras de la inteligencia.

- Interiorización progresiva de las representaciones.
- Comienzo de las operaciones lógicas (pensamiento reversible).
- Razonamiento lógico concreto: Inductivo (de lo particular a lo general).

Deductivo (de lo general a lo particular).

- Afirmación de la función semiótica.

# Contenidos del conocimiento

- Posibilidad de trabajo con transformaciones
- Conservación de la cantidad
- Conservación del peso
- Noción del número
- Operaciones aritméticas elementales
- Conservación del volumen
- Nociones de espacio
- Nociones de tiempo
- Nociones de velocidad
- Posibilidades de enriquecer el lenguaje como forma de comunicación social.

- Lectura comprensiva.

# OPERACIONES FORMALES

Estructuras de la inteligencia

- Pensamiento hipotético deductivo

Contenidos del conocimiento

- Manejo del método científico
- Conocimientos objetivos de la realidad
- Combinatoria
- Concepción de lo posible.

2.2 OBSERVACIONES SOBRE LA ENSENANZA MATEMATICA.

2.2.1 La matemática como lenguaje.

Diversos autores sostienen que la Matemática es un len guaje (en tal caso, aprender Matemáticas consistiría en conocer y hacer uso de las dosificaciones orales y escritas que para la Matemática se han establecido socialmente), -- planteado como proceso de construcción de las nociones matemáticas.

Es necesario que el sujeto se apropie del lenguaje matemático. Ello cobra sentido sólo y en la medida que cada uno de los signos orales y escritos, de los cuales hace uso la matemática, estén cargados de significado.

Es necesario un perfeccionamiento drástico del lenguaje de las matemáticas. Para asegurar la precisión, introducen la distinción entre número y numeral. El símbolo 7 no es un número sino el símbolo de un número; otros símbolos del mismo número son 3+4, 5+2, 8-1 y muchos más. Los alumnos deben aprender que trabajan con numerales, no con números. Se sugiere, pues que el lenguaje sea claro y preciso.

# 2.2.2 COMO EL NINO CONSTRUYE CONCEPTOS MATEMATICOS.

Es un error suponer que un niño adquiera la no-ción del número y otros conceptos matemáticos exclusivamente a través de la enseñanza, ya que de una manera espontá-nea y hasta excepcional los desarrolla independientemente - él mismo.

Cuando un adulto quiere imponer los conceptos matemáticos a un niño antes del tiempo debido, el aprendizaje es únicamente verbal, puesto que el verdadero entendimiento viene únicamente con el desarrollo mental.(8)

El estudio del descubrimiento, por parte del niño, derelaciones espaciales, que se puede llamar geometría espontánea del niño, es tan rico como el estudio del concepto de número.

El orden del desarrollo de la geometría del niño parece el orden del descubrimiento histórico. La geometría científica empezó con el sistema euclídiano, que trata de figuras, ângulos, etc. La topología se desarrolló en el siglo -XVII. Esta ciencia describe relaciones de una manera cualitativa, por ejemplo: la diferencia entre estructuras abierta y cerrada- interioridad y exterioridad, proximidad y separación. Los primeros descubrimientos de niño son topológicos. A los 3 años de edad distingue entre figuras abiertas-y cerradas, si le pides que copie un cuadrado o un triángu-

(8) Piaget, Jean. La matemática en la escuela II, Antología UPN pág. 177.

lo, el dibujo un circulo cerrado y también una cruz con dos líneas separadas. Si se le muestra un dibujo de un circulogrande con un circulo pequeño adentro, el es capaz de reproducir esta relación, puesto que puede dibujar un circulo pequeño fuera o junto a la orilla del grande. Esto lo puede hacer antes de que pueda dibujar un rectángulo o expresar las características euclidianas (número de lados, ángulos)-de una figura.

Hasta un tiempo considerable después de que ha entendi do las relaciones topológicas, empieza a desarrollar las no ciones de geometría euclidiana y reproductiva, entonces laconstruye simultáneamente.

A la edad de 7 años, un niño puede construir unabarda derecha en cualquier dirección a través de la mesa, rectificando si esta línea se encuentra derecha cerrando un ojo. Aquí tenemos la esencia del concepto proyectivo. La lí nea sigue siendo topológica, pero el niño ha entendido queuna relación proyectiva depende del ángulo de visión o punto de vista.(9)

La habilidad para coordinar perspectivas posibles. Enesta etapa pueden entender el espacio proyectivo en su forma práctica o concreta, pero naturalmente no en su aspectoteórico.

<sup>(9)</sup> Ibidem, pag. 179.

Al mismo tiempo que el niño forma el concepto deespacio proyectivo, también construye el espacio euclidia-no; los dos tipos de construcción están basados uno sobreel otro. (10)

El principio de conservación aparece en varias -formas. Primero es la conservación de longitud. Sí se poneun cubo encima de otro del mismo tamaño y luego se empuja uno de tal manera que una orilla se proyecte más allá que la otra, un niño menor de 6 años sabe que los dos cubos yano tienen la misma longitud. No es hasta cerca de los 7 - años, en promedio, cuando el niño entiende que lo que se -pierde de un lado se gana del otro. El llega a este concepto de la conservación de longitud por un proceso lógico.
(11)

La medida en dos o tres dimensiones nos lleva a la : - idea central de espacio euclidiano, o sea, los ejes de las-coordenadas; y un objeto basado en la horizontalidad o verticalidad de objetos físicos.

Puede parecer que aun un bebé podría entender estos -conceptos ya que distingue entre parado y acostado, pero -realmente la representación de líneas horizontales y verticales presenta otro problema de esta conciencia subjetiva de espacio postural. No es sino hasta los 9 meses, en prome
dio, cuando se capta la idea de horizontalidad y la predice
correctamente, porque requiere no solamente una captación de relaciones internas de un objeto, sino también referen-cias y elementos internos.

(11) Idem.

<sup>(10)</sup> Ibidem, pág. 180.

Cuando un niño ha descubierto cómo construir esos ejes coordenados por referencias a objetos naturales, que hace - el tiempo que concibe la coordinación de perspectivas, el - ha completado su concepto de como representar el espacio. En este tiempo ha desarrollado sus conceptos matemáticos -- fundamentales que surgen espontáneamente de sus propias operaciones lógicas.

£ 56 10

#### 2.2.3 LA REPRESENTACION GRAFICA

Para representar gráficamente los conceptos, debemos - distinguir los conceptos matemáticos de los símbolos o signos que los representan, así como comprender su significado y su relación con los conceptos a los que se refieren.

Toda representación gráfica implica siempre dos términos: significado y significante gráfico.

El significado es el concepto o la idea que un sujetoha elaborado sobre algo, sin necesidad que lo exprese gráficamente, mientras que el significante gráfico es una formaa través de la cual el sujeto puede expresar gráficamente dicho significado.

Se requiere que el sujeto establezca relación entre -- significado y su significante para que se de la representa-ción.

El signo más (+) es un significante gráfico y el con-cepto que tenemos de suma, su significado.

El numeral 3 es un significante gráfico cuyo significado es el número 3 que tenemos.

En toda representación gráfica, el significante gráfico representa un significado. En muchas ocasiones se maneja rá el término numeral para referirnos a la representación - gráfica de los números.

# 2.2.4 ARBITRARIEDAD Y CONVENCIONALIDAD

Si el significante gráfico no es arbitrario, no es ne-cesario establecer un acuerdo social a fin de que este significante tenga ese significado para el sujeto.

El signo más (+) es un caso de significante totalmente arbitrario, ya que no hay ninguna semejanza entre el concep to que tenemos de suma y el signo de agregar o reunir; de - allí que la realción significado-significante, es arbitra-rio. Esto implicó un acuerdo o convención social para deter minar que este significado (+), es la convención de que así se representan gráficamente los significantes. Y todo sujeto que participe en dicho código, establecerá un significan te para expresar e interpretar determinado significado, sin dar lugar a equívocos en la comunicación.

CAPITULO 3

LOS NUMEROS RACIONALES Y LA PRACTICA DOCENTE.

3.1 LOS NUMEROS RACIONALES.

3.1.1 Introducción a los números racionales.

Los números racionales frecuentemente llamados fraccio nes o quebrados han sido inventados por necesidades muy con cretas, porque no siempre podemos contar las cosas con núme ros enteros. La forma fraccionada a/b representará un número racional, donde a será un número cardinal y b otro número cardinal distinto a cero, es decir un número natural. Llamados (a) numerador y (b) denominador, el numerador indica el número de partes que se utilizarán del total de partes iguales (denominador) en que se ha dividido la unidad en consideración. El denominador no será dividido en menosde una parte. La unidad puede ser cualquier cosa, por ejemplo un metro, un terreno, una manzana, un montón de cacahua tes, etc.

Las matemáticas describen que el conjunto de los números racionales es "denso y son una infinidad". Existen muchísimos números racionales, más de los que se pueden contar, es decir, entre los números racionales, por cerca quelleguen a estar, existirá siempre un tercer número racio--nal. Los números racionales se pueden asociar a figuras o a rectas numéricas.

3.1.2 Fracciones comunes o propias.

Las fracciones para su clara comprensión, exigen numerosos ejercicios de manipulación, observación y comparación que requiere ciertos conocimientos de los números enteros y de su operación.

En la enseñanza de los números decimales iniciamos elconcepto de unidad fraccionaria que utilizamos también para la iniciación del conocimiento de los números fraccionarios.

Se presentan para su observación y manipulación, diver sos materiales: Unidades enteras que sean fácilmente divisibles, frutos, papel, varitas, alambres, cartones, cubos, -- etc.

Se dividen estos objetos en partes cualquiera. Se ob-servan y manipulan estas partes haciendo, ejercicios de ordenamiento según el tamaño.

Utilicese el dibujo para dividir líneas, figuras geomé tricas, en 2, 3, 4, etc; compruébese objetivamente que un - entero siempre es mayor que cualquiera de sus partes; que - para formar el entero es necesario juntar todas sus partes, y que a medida que el entero se divide en un mayor número - de partes, es menor su tamaño.

Lo antes mencionado se utiliza como ejercicio preopera torio para el concepto de la nueva unidad: la unidad frac--cionaria.

# 3.1.3 Fracciones Equivalentes

Se llama así a las fracciones que gráficamente representan lo mismo y son por lo tanto iguales como números.

Las fracciones son equivalentes sólo cuando los productos - cruzados de sus elementos (denominadar de una por numerador de la otra y viceversa) son iguales. Ejemplo: 3/9 y 1/3 son equivalentes porque 3 x 3 = 9 x 1.

Observese que las fracciones 1/1, 2/1, 3/1, 4/1, etc., son equivalentes respectivamente a los enteros 1, 2, 3, 4, etc., ya que representan la misma fracción de la unidad. Otras equivalencias de la unidad: 2/2, 3/3, 4/4, etc., sontodas equivalentes a 1/1=1.

Otras equivalencias; 0/1, 0/2, 0/3, etc., son todas --equivalentes a cero. No tiene sentido hablar de fracciones-como 1/0, 2/0, 3/0, etc. Por tanto, no hay fracciones con -denominador cero.

Otra regla es: Si tomas una fracción, digamos 3/5, -- multiplicas sus elementos (numerador y denominador) por un-

mismo número, digamos 4, obtienes una fracción, en este caso 12/20, equivalente a la primera, 3/5.

Lo mismo sucede si divides sus elementos entre un mismo número por ejemplo 20/25 es lo mismo que 4/5, ya que se-obtiene dividiendo los elementos por 5. Se puede representar así: 20/25 = 4/5 x 5/5 = 4/5; 20/25 = 20/25 entre 5/5 = 4/5.

Respecto a la ordenación de las fracciones: Si -- las fracciones representan el mismo denominador, será fácil decidir su ordenación; sencillamente comparando numerado-- res. De no ser así se debe utilizar cualquier regla de equi valencia para constatar igualdad o bien determinar cual esmayor o menor, de acuerdo a los numerales propios de las -- fracciones. (12)

# 3.1.4 SUMA Y RESTA DE FRACCIONES

Las ideas para realizar tales operaciones son las mismas que en la suma y resta de enteros.

Para dos fracciones con el mismo denominador, la adición o sustracción se efectuará fácilmente, para sumarlas o restarlas basta poner o quitar como enteros los numeradores y dejar fijo el denominador ejemplo: 24/5 - 7/5 = 17/5.

(12) CUEVAS AGUILAR Silvia, Didáctica de la Aritmética y la Geometría. pág. 80 y 81.

En caso de que los denominadores no sean iguales; se - aprovechan ideas de fracciones equivalentes, ejemplo:  $3/4 + 5/6 = 3/4 \times 6/6 + 5/6 \times 4/4 = 18/24 + 20/24 = 38/24$ .

La primera fracción sujeta a adición se multiplicó por el denominador de la segunda fracción y la segunda fracción sujeta a adición se multiplicó por el denominador de la primera fracción. Se obtiene con ello la igualdad en denominadores y se efectúa la operación muy fácilmente, utilizandotambién las propiedades asociativas y conmutativas en cualquier cálculo de esta naturaleza (sólo en la adición).

#### FRACCIONES DECIMALES

Otra expresión para nombrar a los números racionales : es la de decimales. La notación decimal se usa actualmente-en todo cálculo científico técnico y comercial. Los decimales proporcionarán el único medio conveniente que tenemos - para tratar con ciertos números que no se pueden nombrar --por una fracción de la forma a/b. Los números finitos y sus fracciones equivalentes (0.7 = 7/10, 0.78 = 78/100) son decimales periódicos; sus fracciones equivalentes.

Las formas fraccionarias de los decimales ordinarios - finitos tienen como denominadores 10, 100, 1000 u otro multiplo de 10. Los productos que sólo comprenden decenas se lla man proporcional de 10. Esto es (uno sobre 10) = 1/10 = 0.1.

Por tanto, el modo de representar un número revela el denominador implicado. El valor indicado en un lugar inmediatamente a la derecha debe ser un décimo del valor correspondiente al lugar dado. Para nombrar números racionales comonúmeros cardinales se respeta el lugar de las unidades y se agrega un punto llamado "punto decimal" para nombrar las -- fracciones, ejemplo: 265.035 se leerá doscientos sesenta y-cinco unidades con treinta y cinco milesímas.

# DEFINICION DE CONCEPTOS

#### A) MATEMÁTICA.

Etim. del Lat. mathemática, del gr. mathemátike, ciencia por excelencia; de mathema, ciencia.

Ciencia que trata de la unidad y cantidad; es el saber - de la relación y de la medida como tal; es ciencia experimental, es decir, fundada en la observación por los -- sentidos; su desarrollo tiene como base la intuición y - la lógica.

Los principios o axiomas que son su fundamento, son to-dos intuitivos y pueden considerarse como una abstrac-ción. sobre objetos o hechos que están o acaecen a nuestro alcance.

Las matemáticas modernas son un amplio campo de conoci-mientos con muchas subdivisiones.

NUMERO RACIONAL: Se llama número racional el ente abs-tracto formado por un par de números naturales afectadodel signo + o -.

# B) ADICION DE FRACCIONES.

Es la operación que tiene por objeto reunir en un solo número las unidades o partes alícuotas de la unidad contenidas en otros varios.

# C) SUSTRACCION DE FRACCIONES.

Es la operación que tiene por objeto, dada la suma de -dos fracciones y una de ellas, halla la otra. Esta opera
ción és la inversa de la adición.

#### D) FRACCIONES.

División de una cosa en partes. Cada una de las partes - de un todo con relación a El, divididas o consideradas - con separación del todo. Es también una expresión que in dica una división no efectuada o que no puede efectuar-se.

#### E) NUMERADOR.

Señala el número de partes iguales de la unidad expresada.

#### F) DENOMINADOR.

Número que en los quebrados o fracciones expresa las partes iguales en que la unidad se considera dividida, y -- que en consecuencia les da nombre.

(Numerador y denominador se consideran términos de la -- fracción).

#### G) FRACCION DECIMAL.

Es aquella cuyo denominador es o se sobreentiende ser la unidad seguida de ceros, o sea una potencia de diez.

#### H) FRACCIONES PROPIAS.

Tiene el numerador menor que el denominador y por consiquiente vale menos que la unidad.

#### 1) FRACCION IMPROPIA.

Su numerador es mayor que el denominador y por consiguiente es mayor que la unidad.

# J) ASIMILACION.

Acción y efecto de asimilar y asimilarse: aserrejar,  $co\underline{m}$  parar.

# K) SIMPLIFICAR.

Manera de hacer más sencilla, más fácil o menos complica

# L) REPRESENTACION GRAFICA.

Es la forma de representar con figuras un concepto. Toda representación gráfica implica dos términos: el significado y el significante. El significado es la idea o-concepto que el propio sujeto elabora. El significante - es la forma a través de la cual el sujeto puede expresar gráficamente dicho significado.

#### 3.2 PRACTICA DOCENTE

#### 3.2.1 La Práctica Docente.

Dentro de la práctica docente, están presentes di versos elementos que dan forma a la vida escolar, como alum nos, profesores, contenidos de aprendizaje, materiales y recursos didácticos, la comunidad escolar, entre otros. Esto-a través del tiempo, han existído y seguirán existiendo, --pues son los elementos que conforman el sistema educativo, sin embargo es importante que se modifique el enfoque didáctico que se da cotidianamente en el aula, con respecto a la dinámica de trabajo y a la relación y comunicación entre el maestro, el alumno, el padre de familia y el director de la escuela. (13)

Entre las propuestas de formación docente y prácticas de los maestros siempre media una realidad institucio nal preexistente, dinámica, compleja, que establece formas de relación social, concepciones educativas y jerarquizacio nes específicas del trabajo docente.(14)

En la práctica docente real son inseparables las rutinas recurrentes, normales, y las acciones únicas, requeridas por la interacción inmediata con alumnos o generales sobre la marcha para poder enseñar.

LA RELACION ENTRE PRACTICA DOCENTE Y CONTEXTO INSTITUCIONAL.

A los maestros, los empezamos a conocer no sólo en su-

(14) ROCKWELL Elsie y MERCADO Ruth. Análisis de la práctica docente. Antología U.P.N. pág. 203.

<sup>(13)</sup> RAMIREZ Ma. Eugenia y RIOS Rosa Ma. ¿Cambio de enfoque o de actitud en la enseñanza de las matemáticas? Cero-en conducta, pág. 64.

"papel" de maestros, sino también como sujetos, es decir, como personas que organizan su propia vida y trabajo dentro
de las posibilidades que dan las condiciones materiales decada escuela. Como sujetos, se apropian selectivamente de saberes y prácticas para sobrevivir y para realizar su trabajo. A la vez, estos saberes y prácticas contribuyen a laconformación misma de cada escuela.

En otras cosas los maestros se apropian, diferencialmente, de las normas escolares que pueden utilizarse de diversas maneras, por ejemplo para legitimar acciones propias o para controlar ajenas. La práctica docente que se observa en las escuelas tiene así un sustento en determinados sujetos que ponen en juego sus propios saberes e intereses; sujetos particualres cuya historia personal y profesional se enlaza con la historia social. (15)

# CONDICIONES MATERIALES DEL TRABAJO DOCENTE.

La idea de condiciones materiales abarca más que los - locales e implementos físicos de los que disponen los maestros. Son también condiciones materiales las pautas de organización del espacio y tiempo en cada escuela, así como los controles efectivos sobre su uso. El patio escolar es un -- ejemplo de espacio potencial de trabajo docente, cuyo uso - se encuentra condicionado a cierto tipo de actividades y -- ciertos horarios. En México sí suelen ocurrir recreos y en-

sayos; en cambio no se acostumbran simulacros de evacuación y el director prohíbe los juegos de "maduración" en ese espacio durante las horas de clase, a veces por la presión de los padres que prefieren ver que los niños trabajen dentrodel aula. El espacio y el tiempo no son así recursos disponibles incondicionalmente para el docente; siempre son medios por toda la trama organizativa y social de la escuela.

De la misma forma operan como restricciones al -trabajo docente otros múltiples elementos formales e informales del mundo escolar institucional. Las relaciones especificas que se mantienen con la supervisión y con los padres de familia son condicionantes de la práctica docente;se dan acciones del más diverso tipo que, aunque son externas a la escuela, inciden en el aula y afectan el trabajo del maestro en muchos sentidos. (16)

Frente a este conjunto de condiciones materiales del trabajo docente, que varía mucho de una escuela a otra, elmaestro tiene márgenes de autonomía, también variables, para decidir prácticas propias. Desde luego, existen límitespara la autonomía docente, tanto por las condiciones mate-riales de cada escuela como por los procesos del control -esectivos que se ejercen sobre los maestros.

La escuela es el sitio de comunicación entre maestros, a partir del cual se arman redes de repercusiones, tanto pa

(16) Ibidem, pág. 208.

ra la práctica docente como para muchos otros aspectos ma-gisteriales.

Tal vez por este hecho se refiera que los maestros seforman en las escuelas én que trabajan.

s-lo mo

#### ¿COMO DEBE SER LA PRACTICA DOCENTE?

En México se podrán conjuntar equipos de trabajo para - la reformulación de planes de estudio en la educación básica, conformar programas y textos para los niños, pero mientras no haya un cambio sustancial en las concepciones de -- aprendizaje del maestro y en el enfoque didáctico que le dé a los contenidos de aprendizaje a través de un esfuerzo significativo de formación y actualización docente, creemos -- que no se estarán atendiendo las necesidades prioritarias - para elevar la calidad de la educación.

# NARRACION DE UNA CLASE DE MATEMATICAS

Marcela ha trabajado con primer grado desde hace-cuatro años. Los conocimientos que adquirió durante su for-mación como docente y sus experiencias en el aula la han --orientado sobre la forma de cómo trabajar con su grupo.

Recientemente, asistió al "curso de actualiza-ción" donde se mencionaron algunas ideas sobre el aprendiza je matemático de los niños. Para ella, lo que se dijo ahí = no era desconocido: "el pensamiento de los niños pequeños -es concreto", "para enseñar la aritmética hay que comenzarcon la manipulación de objetos", "los niños necesitan de la actividad para aprender", "el trabajo por equipos es bueno" etc.

Aunque todo eso no era nuevo para ella, Marcela - se puso a pensar si en realidad lo había tomado en cuenta - cuando planeaba sus clases. Quizá las presiones cotidianas-habían convertido su clase en una actividad rutinaria. Ahora, después de cuatro años de hacer lo mismo, tal vez era - tiempo de experimentar.

- Algo que puedo hacer en mi clase de matemáticas es darles objetos a mis niños para que los cuenten y los --

agrupen, pensó Marcela-; también puedo organizarlos por - equipos.

Pidió a los padres de familia que llevaran a la -escuela todas las corcholatas que pudieran conseguir. La or ganización por equipos fue un poco más complicada, porque = mover las bancas para la actividad provoca mucho desorden -y ruido, y lleva mucho tiempo. Finalmente pudo comenzar con la actividad.

-A ver ustedes, denles un puñito de corcholatas a cada niño -indicó a dos alumnos.

Al inicio, los niños muy animados comenzaron es-pontáneamente a contar las corcholatas.

-yo tengo ocho, dijo un niño. -¡Tienen que ser 20? preguntó otro.

-yo nomás tengo doce, dijo un tercero.

-No hemos dicho cuántas vamos a ocupar, respondió Marcela.

A pesar de este comentario de la maestra todos -- los niños continuaron contando y ordenando sus fichas.

-Ahora sí, vamos a contar diez corcholatas, todos deben tener diez corcholatas, indicó Marcela.

Algunos niños de inmediato contaron sus diez 6i--

-Yo ya las tengo, dijo una niña. -A mí me faltan tres, dijo otra. -A mí me sobra una, señaló un niño.

Otros en cambio se tardaron un poco más y al fi-nal no tenían las diez corcholatas exactamente.

Una niña hizo dos filas de seis fichas cada una.

-iCuentalas bien! le indicó Marcela.

-Quita estas dos hasta aquí para que te queden -- diez, le sugirió una compañera.

-Tá cuenta tus propias fichas, Araceli, le respondió Marcela.

La maestra pasó a revisar que cada uno de sus -- alumnos tuviera las diez fichas, a la vez que quitaba las - que sobraban y agregaba algunas en caso de que les falta-ran.

-iYa tienen todos sus diez fichas?, pregunto Marcela.

-¡Si! respondieron algunos niños.

Ahora vamos a hacer dos casitas, una azul y otraroja, porque vamos a formar nuevos números, dijo Marcela al
tiempo que las dibujaba en el pizarrón. Esta es la casita de las decenas, señalando la azul, y esta es la casita de las unidades, señalando la roja. -La unidad es una sola cosa. Una decena son diez cosas, ¡Cuantas decenas de corchola
tas tienen ustedes?

-Diez, diez, respondieron algunos niños.
-No, fíjense bien, ¡cuántas decenas? -volvió a -preguntar Marcela.

Los niños no respondieron.

Marcela dibujó en el pizarrón un bote y escribió- el número diez sobre  $\operatorname{\mathcal{E}l}$ .

-Aquí dentro hay diez corcholatas, acuérdense que una decena son diez cosas. Entonces, ¿cuántas decenas son - diez corcholatas? -preguntó Marcela.

-Una, respondió una niña:

-Muy bien! Entonces anotamos "uno" en la casita - de las decenas, dijo mientras lo anotaba. -;Nos-sobran corcholatas?

-No respondieron algunos niños.

-Entonces ponemos cero unidades, fijo y anoto elcero en la casita de las unidades. Tenemos una decena y cero unidades.

Ahora desbaraten su hilera y hagan un montón.

Después de darle otra corcholata a cada ni $\bar{n}$ o, Mar cela indic $\delta$ : Ahora vuelvan a hacer la hilera de diez corch $\bar{o}$  latas.

-; Cuántas decenas tienen?, preguntó Marcela cuando los niños terminaron.

-Una, dijeron algunos niños.

-Diez, dijo otro niño.

-Una, ;verdad?, ;les sobran corcholatas?, preguntó.

-Si, contestaron algunos niños.

- ¿Cuántas, preguntó.

-Una respondieron algunos niños.

Entonces tenemos... una decena y una unidad, va--mos a anotarlo, dijo la maestra mientras ponta un "uno" en-la casita azul y otro en la casita roja.

-Desbaraten otra vez la hilera indicó y les dió otra ficha.

-Hagan otra vez la fila de diez.

Marcela repitió el mismo procedimiento hasta llegar al número quince.

- -¿Cuántas decenas tenemos?, preguntó otra vez Mar cela.
- -Una, contestó una niña.
- -¿Y cuántas unidades?, preguntó otra vez Marcela. -Cinco, contestó la misma niña.

-Muy bien, una decena y cinco unidades, corroboró la maestra.

En este momento los niños ya no mostraban mucho interés, algunos se pusieron a hacer otra cosa.

- -Ahora vamos a guardar las fichas, saquen su cuaderno ciadriculado y pongan la fecha y el margen dijo la maestra.
- -¿Ponemos dictado?, preguntaron varios niños.
- -No, ahora vamos a escribir, once, doce, trece, catorce, quince, dijo al tiempo que fue anotando los números en el pizarrón.
- -A ver, ¿cómo dice?, señaló los números con la regla.
  - -Once, doce, trece, catorce, quince, repitieron a coro todos los niños del grupo.
  - -Otra vez, indico.
  - -Once, doce, trece, catorce, quince, volvieron arecitar.
  - -Bien, ahora escribanlos en su cuaderno, indicó. -Yo voy a escribir hasta el diecinueve. comentó un niño.
  - -No Humberto, hacemos hasta el quince, yo no ense ñé hasta el diecinueve, lo reprendió la maestra.
- -Muy bien, ahora cerramos nuestro cuaderno y nospreparamos para salir a deportes, dijo cuando los niños ter minaron de copiar los números.
  - -¡Eh! ¡Eh!, se alegraron los niños.

Los niños salieron del salón en forma desordenada, pues no estaban habituados a la organización de las bancaspor equipos. Cuando regresaron, Marcela les pidió que las acomodaran en la forma acostumbrada y continuó con las clases como siempre.

Al final de la mañana, Marcela se sintió cansaday desanimada. Haciendo una breve valoración de lo que sucedió en la clase de matemáticas, llegó a la conclusión de -- que los cambios que introdujo, no produjeron mejoras en sutrabajo y por el contrario, le ocasionaron desorden y pérdida de tiempo.

El nombre de Marcela, por supuesto es ficticio, - sin embargo si existe una "Marcela" y muchos maestros como-ella, que ante la perspectiva de emprender un cambio, perotambién debido a la poca claridad sobre lo que hay que cambiar, se enfrentan con situaciones como ésta.

Esta maestra intenta introducir cambios en su tra bajo, pero sin analizar que implican realmente esos cambios. Lo hace como muchos profesores porque algún documento o alguien lo dice, pero no existe una reflexión previa de que introducir un cambio implica también modificar su propia actitud.

Por ejemplo, organizar a los niños por equipos -- tiene como propósito facilitar la interacción entre los -- alumnos y el profesor, así como entre los mismos niños. Lasola organización física del mobiliario no garantiza esta - interacción; es necesario que el maestro la permita y la  $\rightarrow$ -promueva haciendo que los niños expresen sus ideas.

Esto requiere una aceptación implicita de que los alum nos pueden aprender de otras fuentes además del maestro, e-incluso que pueden aprender enfre ellos mismos.

Marcela mantiene durante toda la clase una actitud directiva, de indicaciones, verifica que los alumnos las ejecuten y evalúa las acciones de los niños. La disposición -- del mobiliario no altera la relación unidireccional maestro alumno que caracteriza sus clases. Ella no acepta la posibilidad de que un niño pueda aprender de otro. Esto se observa claramente cuando reprende a Araceli por ayudarle a su -compañera a resolver una situación problemática.

A lo largo de la clase pueden apreciarse algunas intervenciones espontâneas de los niños que son ignoradas, o - - bien, reprimidas, por ejemplo cuando la maestra indica a -- Humberto que sólo escriba hasta el número quince porque - - ella no enseño hasta el diecinueve.

El aprendizaje en general, pero de manera especial, el aprendizaje de los conceptos matemáticos, dada su propia na turaleza, requiere de una participación más activa por parte del alumno.

Los contenidos y sugerencias de actividades de las -- guías para el maestro respecto al tratamiento de las matemáticas en los diferentes grados de la escuela primaria, es-tán sustentados en la idea de que aprender supone un proceso de construcción conceptual que se desencadena en el alumo no a partir de ciertas experiencias.

En la organización didáctica de estas actividades tanto el maestro como el alumno juegan un papel determinante.

Sin embargo, no siempre existe una idea clara acerca - de cuál es la función del profesor y de cómo debe ser la participación del alumno, dentro de la concepción de aprendiza je en la que se pretende sustentar la práctica escolar en - la actualidad.

No es extraño, por lo tanto, que muchos profesores como Marcela, aun cuando tengan disposición para mejorar su práctica docente, encuentren dificultades al tratar de hacerlo.

Se ha hecho enfasis en la necesidad de que el alumno - participe de manera activa en su propio aprendizaje. Esta - afirmación se ha traducido muchas veces en la práctica en - acciones aisladas, como la que llevó a cabo Marcela al proporcionar materiales concretos para que los niños los manipularan. Sin embargo, "la participación activa del alumno, va más allá de la ejecución de acciones físicas.

Actuar en estos terminos, significa pensar, generar -ideas para resolver situaciones problemáticas y tener la posibilidad de experimentar para comprobar o refutar sus -creencias.

En este sentido, el proceso de aprendizaje requiere de la "actividad" no sólo del alumno, sino también y de manera muy importante, del profesor.

En el área de matemáticas las guías pretenden ofrecerinformación y propuestas variadas, para que el maestro tenga ideas para saber por dónde empezar y sobre qué aspectosprofundizar, pero estas propuestas no son exhaustivas. La -

idea es que los profesores también puedan sentirse con li-bertad de elegir y crear otras actividades a partir de aqué llas.

Se incluyen ejemplos de actividades que los niños pueden realizar, pero de ninguna manera son las que deben ha-cerse exclusivamente. Ni tampoco es condición que se lleven a cabo absolutamente todas.

Los ejemplos mostrados en la actividad, plantean cir-cunstancias que podrían presentarse en alguna clase determinada; de ninguna manera son el modelo de lo que "debería su ceder" en todas las clases.(17)

<sup>(17)</sup> RAMIREZ Ma. Eugenia y RIOS Rosa Ma. ¿Cambio de enfoque o de actitud en la enseñanza de las matemáticas? Ceroen conducta. pags. 65 a 68.

ALGUNOS PROBLEMAS EN EL APRENDIZAJE DE LAS FRACCIONES.

Este tema hace su aparición constante desde el primero hasta el sexto grado, y es considerado también por los profesores como uno de los contenidos fundamentales de la educación primaria.

Para poder definir problemas precisos del aprendizajede las fracciones fue necesario cuestionar a alumnos que -iniciaban el sexto grado y otros que iniciaban el primer -grado de secundaria.

El cuestionario que elaborado con base en las distin-tas interpretaciones que sobre el concepto de fracción, exigen a los niños los libros de texto gratuitos. Tales interpretaciones son:

- La fracción como parte de una figura.
- La fracción como parte de un conjunto.
- La fracción como una expresión numérica.
- La fracción como un porcentaje.
- La fracción como una razón.

Por otra parte también se exploró el concepto de equivalencia en los siguientes sentidos:

- Equivalencia expresada gráficamente (sobre figuras).
- Equivalencia expresada numéricamente.
- Equivalencia aplicada a resolución de problemas.
- Equivalencia entre fracciones y unidades del sistema métrico decimal.

Los resultados obtenidos fueron los siguientes: Los -alumnos identifican fácilmente fracciones representadas encirculos o rectángulos. Cuando las formas de las figuras en que se encuentran representadas las fracciones son diferentes de las mencionadas, se tiene problemas para identificar las. Los alumnos tienen dificultad para interpretar una - fracción como parte de un conjunto; los niños son capaces de señalar sin problemas una fracción (subconjunto) cuandoel numerador es igual al número de objetos que forman el -subconjunto; por ejemplo, acertaron en señalar 9/10 de un conjunto de 10 monedas o 5/6 de un conjunto de 6 cuadradosporque los subconjuntos constaban de 9 y 5 elementos respec tivamente. En cambio, cuando el número de objetos que for-man el subconjunto no es igual al numerador, casi la totali dad de los niños fallaron (no pudieron señalar 3/4 de 20 ca nicas).

Cuando los niños se enfrentan a la necesidad de interpretar una expresión numérica que corresponde a un número racional, parece ser que en forma verbal "saben" expresar - lo que significa una fracción; así saben que 4/6" quiere de cir que hay 6 partes y se toman 4".

La mayoría de los alumnos sólo son capaces de interpretar correctamente una fracción cuando ésta es igual o menor que la unidad, es decir, cuando el denominador es menor o - igual que el denominador.

En torno al concepto de equivalencia: En la resolución de un problema que implicaba el manejo del concepto de equivalencia, se mostró, por parte de los alumnos, un escasísimo manejo de dicho concepto. Un alto porcentaje de alumnos-supo encontrar algorítmicamente fraçciones equivalentes a otra fracción dada. Muchos alumnos interpretaron como "másgrande" 20 centímetros que 1/4 de metro porque "20 es mayor que 1/4".

Con base en lo anterior podemos afirmar que los niñosconocen poco sobre las fracciones al egresar de primaria; que la idea predominante que tienen al respecto es que frac
ción es una parte de una figura (circulo o rectángulo de -preferencia); que sus interpretaciones dificilmente trascienden los límites de la unidad; que la atención del niño,
al interpretar una fracción, está fijada en numerador (la -parte) y no en la relación entre el numerador y el denomina
dor (relación parte-todo) que es la que define a la frac-

ción.

Es notable también que el manejo de las fracciones esfundamentalmente formalista y rigido por parte del niño, lo cual le permite dar respuestas correctas verbal o algoritmi camente, pero no le permite conformar los conceptos que sus tentan tales respuestas o algoritmos. Este manejo verablista alcanza un grado tal que los niños no discurren utilizar procedimientos gráficos para encontrar soluciones.

Si lo anterior se debe a problemas didácticos, es decir, a problemas derivados de la utilización de un método de enseñanza o a limitaciones del propio pensamiento infantil, es cuestión de nuevas investigaciones.

# ALGUNAS SUGERENCIAS PARA LA REALIZACION DE LA PRACTICA DOCENTE.

El propósito de las guías del maestro no puede -ser otro que el de proporcionar ideas a los profesores, expuestas Estas a ser modificadas, porque así como el niño -"para aprender tiene que actuar", el maestro también debe -pensar, generar ideas para resolver situaciones pronlemáticas y tener la oportunidad de experimentar, en lo que se re
fiere a su práctica de enseñanza.

No obstante, cuando lo que se quiere introducir - supone un cambio de concepción sobre el papel del maestro - en la enseñanza, toda la responsabilidad no puede recaer ex clusivamente en un documento escrito como las guías del - 12 maestro.

Para que un proceso así se ponga en marcha, también es preciso que el maestro reciba información de otrasfuentes, y para esto los profesores deberían aprender de la misma manera en que se espera que aprendan sus alumnos. Tener confianza en sus propias ideas es tan necesario para -ellos como para los niños.

Pero esta situación tiene que verse desde dos angulos, por un lado ¿Cómo puede esperarse que los profesores acepten las ideas de los niños si ellos sienten que sus propias ideas no son aceptadas? Pero, por otro, al giual que - los niños, los maestros también deben ser capaces de aceptar que sus ideas (aun cuando tengan mucha seguridad en - ellas) pueden no siempre ser correctas. De otro modo no hay posibilidad de aprendizaje. A través del ejercicio de su - propio aprendizaje, el maestro podría ir definiendo cualesson las estrategias más adecuadas para trabajar con su grupo, en este caso, los aspectos matemáticos.

Finalmente, es importante recordar, como ya se di jo, que para llevar a cabo un proceso de actualización y — formación del maestro, es necesario conceptualizarlo a largo plazo y a través de acciones continuas que permitan poco a poco llevar a cabo cambios de actitud, de organización y-de conceptualización entre los maestros.

Además, se requiere de la conformación de equipos de trabajo, que conozcan las necesidades docentes y estén - vinculados con la práctica educativa para planear e imple--mentar acciones que apoyen al profesor en la reconceptualización de los contenidos temáticos y la organización de su-

labor cotidiana a través de un enfoque didáctico distinto.

V algo que según nuestro punto de vista es fundamental en este proceso: la participación activa del profesor, el - análisis y la reflexión sobre su práctica, y el rescate deaquellas situaciones de su experiencia profesional que le - ayuden a introducir innovaciones significativas en sus clases, surgidas de su realidad educativa y que puedan constituírse como un modelo pedagógico propio.(18)

(28) RAMIREZ Ma. Eugenia y RIOS Rosa Ma. ¿Cambio de enfoque o de actitud en la enseñanza de las matemáticas? Ceroen conducta, pág. 69. CAPITULO IV

RESULTADOS

4.4 ORDENACION E INTERPRETACION DE RESULTADOS DE LA INVESTIGACION.

4.1.1 Resultados de la Evaluación por Reactivo.

En la prueba de diagnóstico aplicada a los alumnos de-5° grado de primaria, se hicieron los siguientes neactivospara conocer la dificultad de realización de cada uno de -los ejercicios planteados.

La evaluación en forma global abarca 450 reactivos, de los cuales obtuvimos la siguiente información:

## EVALUACION DIAGNOSTICA

#### EL EJERCICIO I

Consta de cinco sumas de fracciones con distinto denominador. De 450 reactivos se obtuvieron los siguientes resultados: 97 reactivos se contestaron correctamente; 353 -- reactivos se contestaron incorrectamente. Saben sumar, 4; - wo sabe, 86.

#### EL EJERCICIO II

Consta de cinco restas de fracciones con distinto deno minador. Resultado: 187 reactivos se contestaron correctame<u>n</u>

te, 263 fueron contestados incorrectamente. Saben restar 37; 5% no saben.

#### EL EJERCICIO III

Consta de cinco ejercicios donde el alumno obtuvo la - expresión decimal de una fracción. Resultado: 268 reactivos se contestaron correctamente; 182 incorrectamente. Saben expresión decimal 55; 35 no saben.

# EL EJERCICIO IV

Consta de cinco ejercicios, de los cuales de una fracción dada el alumno tendrá que simplificar a su mínima expresión dicha fracción. Resultado: 126 reactivos se contestaron correctamente; 324 reactivos se contestaron incorrectamente. Saben simplificar 16; 74 no saben.

# EL EJERCICIO V

En este ejercicio los alumnos localizaron fracciones - en la recta numérica. Resultados: 89 reactivos se contestaron correctamente, 361 reactivos se contestaron incorrectamente. Saben representar fracciones en la recta numérica 18;
72 no saben.

#### EL EJERCICIO VI

De cinco fracciones dadas, el alumno diferenció las -- fracciones propias de las impropias. Resultado: 259 reactivos se contestaron correctamente, 191 reactivos se contestaron incorrectamente. Obtienen fracciones propias e impro-- pias 52; 28 no obtienen.

## EL EJERCICIO VII

En este ejercicio se le presentan cinco fracciones mix tas, las cuales tendrá que convertir a fracciones comunes - impropias. Resultados 156 reactivos se contestaron correctamente, 294 incorrectamente. Obtienen fracciones comunes impropias de mixtas 32; 58 no obtienen.

## EL EJERCICIO VIII

En este ejercicio el alumno obtendrá fracciones equiva lentes a otra dada. Resultados: 145 reactivos se contesta-ron correctamente, 305 reactivos se contestaron incorrectamente. Sacan fracciones equivalentes: 27; 63 no sacan.

De la anterior información, 1334 reactivos se contestaron correctamente y 2266 fueron incorrectos. Se elaboraron-las siguientes gráficas:

GRAFICAS

SUMA  PESTA  PESTA  PERMENON  SIMPLIFICA  NUMERICA IMPROPIAS  PROPIAS  MINTRASA  FECTA  RECTA  RECTA  RECTA  NUMERICA  NUMERIC
SUMA HESTA EXPRESION SIMPLIFICA NUMERICA IMPROPIAS OMUNES COMUNES COMU
SUMA  PESTA  PERSION SIMPLIFICA  OF S  OF
SUMA  PESTA  PERSION SIMPLIFICA  OF S  OF
SUMA RESTA EXPRESION SIMPLIFICA NO. 1
SUMA HESTA EXPRESION  DE 5  X X X X X X X X X X X X X X X X X X
SUMA HESTA EXPRESION  DE 5  X X X X X X X X X X X X X X X X X X
SUMA RESTA  DE 5  X X X X X X X X X X X X X X X X X X
SUMA RESTA  DE 5  X X X X X X X X X X X X X X X X X X
SUMA
SUMA SUMA SUMA Sumada 2 2 3 3 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
Sum
Ahumada 2 1 2 2 2 1 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
cález co Ahumada
Angélica Reynoso González Laura Leticia Flores Casillas Luis Fernando Prado Cruz Ana Cecilia Torres Ramírez Marina Guadalupe Sierra González Toresa Elizabeth Ramos Nolasco Carlos H. Montes Monteón María del Rosarlo Domínguez Ahumada Javier Rojas Torres Luis Fernando Vega Domínguez Rigoberto Olazaba Acosta Elio Díaz Barrigo Sácnhez María de Jesús Cortés Arellano Merza Mirella Castellanos Ulloa Gilberto Sosa Ramos Laura Alejandra Villegas Pérez
ORAMUN L S & 4 m & r & g & 0 t t 5 & 4 m & 6

·	$\top$													_				
EQUIVA-	׼	0	ιΩ	'n	ιΩ	0	0	S	0	4	ю	ω	4	4	ιΩ	ហ	ო	υ
	٠ ا	ω	٥	0	0	က	ιΩ	0	ഹ	-	0	٥	_	-	0	0	21	0
MIXTAS A COMUNES	× (	0	ro.	w	0	ம	0	ro	co	ഗ	ro.	w	ួហ	0	5	2	0	ro
MOS ,	٠[	ഗ	0	0	ro	0	ഹ	0	0	0	0	0	0	ın	0	0	ω	0
PROPIAS	< ,	0	ഗ	ഹ	0	0	0	ß	2	-	4	CI	0	2	0	4	N	w
	1	ω	0	0	က	ıo	ເດ	0	ო	4	-	0	ഹ	ო	ო	-	ო	0
RECTA	٠,	-	6	S	ro	က	ഹ	ည	2	വ	w	ထ	0	2	Ŋ	ഹ	က	ιΩ
NUME (	٠,	4	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0	က	ო	0	0	0	0
- FICA	٠ ،	4	-	ເລ	ო	ო	ო	വ	27	ო	ιΩ	ш	υ	က	ഹ	Ŋ	က	ω
SIMPLIFICA	٠,	-	ო	0	2	2	61	0	က	2	0	0	0	2	0	0	C/I	0
XPRESION	< 1	co l	0	4	0	0	0	w	2	0	w	0	co	0	ო	0	-	0
EXPRESION	,	0	ιn	-	ro	ιΩ	Ŋ	0	0	w	0	ю	0	ഹ	2	D.	4	ın
7 2×	<	77	വ	CI	ო		ო	5	ß	ιΩ	ω	ω	4	c <sub>2</sub>	വ	ω	2	ro.
RESTA DE 5		24	0	ო	Ø	4	7	0	0	0	0	0	-	0	0	0	0	0
رى ≱	< -	4	n	ιΩ	ო	4	က	ro	ທ	4	Ŋ	ω	က	4	က	2	ഹ	C)
SUMA DE 5	٠,	-	0	0	2	-	61	0	0	-	0	0	61	-	0	0	0	ო
NOMBRE	A lérodo Modéro	1	Francisco Guerrero Alvarez	María Guadalupe Alvarez Rodríguez	María Eugenia Márquez Ibáñez	Laura Patricia Vázquez Nolazco	Claudia Aguayo Rodríguez	Sin nombre	Miguel Angel Rodrñiguez Saucedo	José Luis Hernández	Sin nombre	Victoria Elizabeth García I.	Juan Manuel Ortiz Magallanes	Jorge Sánchez Aguillar	Julio Armando Rodríguez Piña	Alfonso Sánchez Hidalgo	Armando Morales Rodríguez	Carlos Alberto Vargas Orozco
NUMERO	1	=	8	9	20	21	23	23	24	25	26	27	28	59	8	<u>ب</u>	32	ဗ္ဗ

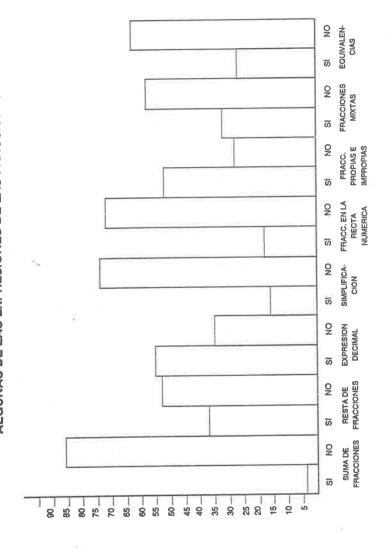
_		-	_	_														
EQUIVA-	LENTES	ر ر س	и	y ro	n o	'n	ď	0	ro	r.	ru	ı ın	ro	LC.	, e	ιΩ	ro.	ro
EG		s c	c	0	0	0	0	ľ	0	0	0	0	0	0	N	0	0	0
MIXTAS A	COMUNES	< LC	L.	ro.	ıo	w	ro	0	ro	70	m	-	ľ	rt)	ro C	ro.	ro.	co.
¥		0	c	0	0	0	0	r0	0	0	N	4	0	0	0	0	0	0
PROPIAS	OPIAS	L	0	ro	co.	-	2	-	2	N	2	ო	N	2	-	ო	0	ო
PRO	IMPR	4	ro	0	8	4	0	4	ო	ო	ო	2	ო	m	4	Ø	ro	2
RECTA	NUMERICA IMPROPIAS	ß	n	2	ιo	2	ro	0	ro.	0	2	ro.	ľ	ιΩ	ro	ro.	2	ro.
		0	0	0	0	0	0	r2	0	w	0	0	0	0	0	0	ო	0
SIMDI UDO	×	ın	r <sub>C</sub>	n	ro	ro	ro	-	S	က	ro	'n	6	w	ည	ທ	ιΩ	'n
	- N	0	0	0	0	0	0	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
EXPRESION	DECIMAL	4	-	0	ro	m	ß	0	ın	ιΩ	ro	-	ω	4	τO	0	ო	0
EXPE		-	4	2	0	2	0	ro	0	0	0	4	0	-	0	r.	2	rð.
RESTA	DE 5 X	ည	6	က	ro.	w	r2	-	r.	w	w	ιΩ	ഗ	ru	ro	гO	ıo	n
Ä	~ °	0	2	0	0	0	0	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
SUMA	DE 5 X	n	0	ın	ro.	4	ro.	4	'n	ιΩ	ın	נט	ო	υ Ω	- ro	'n	ιΩ	ம
S	۵,	0	CI	0	0	-	0	-	0	0	0	0	7	0	0	0	0	0
MON		Miguel Angel Flores Chavira	Filiberto Cortés Avalos	Gregoria Mendoza Velázquez	Miriam de las Mercedes Ariaz García	Juan José Rodríguez Márquez	Rigoberto Murillo Camacho	Yaneli Conde Medina	María Magdalena Ramírez Olmo	Mónica Mártinez Márquez	María Mirlam Arlaz Martínez	Jaimo García Ramírez	Elsa Sladaña Gutlérrez	Claudia Sánchez Angulano Bertha	Bertha Alicla Chaires Contreras	Miriam Guadalupe Padilla Tamayo	Rubén Castellanos Lázaro	Elizabeth Soto Mora
OHBI	MUN	8	38	36	37	38	ලි	9	<del>1</del>	42	5	4	5	46	47	48	9	S

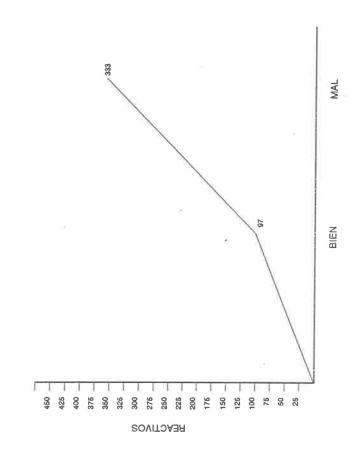
$\overline{}$		1	_	_		1	1	_	_	_	_	_			_	_		1
EQUIVA-	LENTES	0	ın	4	4	ro	0	ιΩ	īυ	Ŋ	ro	2	-	ເລ	ທ	က	0	0
ğ	ė,	2	0	-	-	0	က	0	0	0	0	n	4	0	0	0	ល	ro
MIXTAS A	CCMUNES	ro.	'n	0	0	ro.	0	w	ß	ιΩ	w	ເລ	เก	ഗ	ಗು	-	w	ru.
MIX	COM	0	0	ιΩ	ro.	0	w	0	0	0	0	0	0	0	0	4	0	0
SAIC	)PIAS	ო	N	0	C/I	0	N	0	4	w	w	4	ო	6	-	C/I	ro.	m
PROPIAS	IMPROPIAS	c <sub>1</sub>	ო	r2	m	ιΩ	60	w	-	0	0	-	2	01	4	ო	0	01
TA	X A	-	ო	ιΩ	N	w	-	w	ro.	ιΩ	က	4	4	Ω.	വ	0	-	-
RECTA	NUMERICA	4	CI CI	0	m	0	4	0	0	0	0	-	-	0	0	ம	4	4
Č.	×	61	ιΩ	ო	m	m	цо	ო	ιΩ	ις,	rð.	ည	D.	വ	ო	-	-	C/I
ACIBLIGANS		ო	0	N	N	01	0	01	0	0	0	0	0	0	N	4	4	8
SION	X AAL	01	വ	0	0	0	0	-	01	ιΩ	ις.	0	0	ო	0	0	0	21
EXPRESION	DECIMAL X	е е	0	ഗ	ro.	w	w	4	ო	0	0	က	ro.	2	Ŋ	rυ	υ Ω	က
	ω×	D.	w	0	-	-	0	0	w	ιΩ	ഹ	ω	ω	c)	2	0	0	ς,
RESTA	DE 5	0	0	ഹ	4	4	۵	ro.	0	0	0	0	0	0	0	ιΩ	ις	0
₹	×	က	2	N	ო	ო	ო	4	ιΩ	ល	ധ	2	ιΩ	4	4	-	ო	υ
SUMA	DE 5	0	0	ო	2	a	61	-	0	0	0	0	0	-	-	4	0	0
														-				
Co	NOMBRE	María de Lourdes Vázquez Gutiérrez	Leonor Zúñiga Tovar	Daniel Orozco Chalres	Abdón Sánchez Hidalgo	Audón Vera Lorenzana	José Manuel Morales Rodríguez	Ramón Ortiz Rodríguez	Eduardo Rodríguez Márquez	Lucero Valdivia Ochoa	Juanita Jiménez López	Ruth Jesuit González Ramírez	Liliana Valencia Alvarez	Vanessa Torres Llamas	Elfas Misael Hernández	José Antonio Macías Ambrocio	Eduardo Agustín Navarro Alatorre	Saúl Martínez Gutiérrez
OHE	MUN	2	52	53	22	22	26	57	58	29	8	19	62	63	2	65	99	67

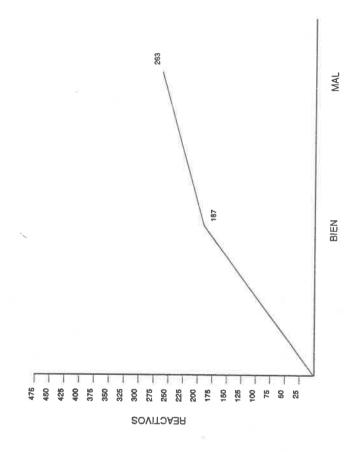
dez DES DEGIMAL JUMERICA MAROPIAS COMUNES LENTING MATERIA MATE	0) (5		യ	SUMA	ä	RESTA	EXPR	EXPRESION		Č	AË	RECTA	PRO	PROPIAS	MIXT	MIXTASA	EQUIVA-	٧Ą٠
Jose Lule Harro Hernández         0         5         4         1         6         5         9         5         4         1         6         5         9         5         1         4         1         4         1         6         5         1         4         5         0         6         5         1         4         5         0         6         5         1         4         5         0         6         7         1         4         5         0         6         7         1         4         5         0         6         7         1         4 <td>MON</td> <td>NOMBRE</td> <td>~ ~</td> <td>'s ×</td> <td>~ ~</td> <td>ν. ×</td> <td>&gt; DEC</td> <td>  WAL</td> <td>\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \</td> <td>×</td> <td>NUM!</td> <td>×</td> <td></td> <td>OPIAS</td> <td></td> <td>×</td> <td>LEN &gt;</td> <td>ы В×</td>	MON	NOMBRE	~ ~	's ×	~ ~	ν. ×	> DEC	WAL	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	×	NUM!	×		OPIAS		×	LEN >	ы В×
Alberto Perez Alvarez         2         3         3         2         5         0         6         5         3         2         1         4         1         6         5         6         4         1         6         5         6         5         6         6         5         6         6         5         6         6         5         6         6         5         6         6         6         7	8	José Luls Haro Hernández	0	ro	0	ιΩ	4	-	0	n	0	ro.	0	ιΩ	-	4	0	ro.
Impelda Ortega Ontriveros         2         3         5         0         4         1         4         1         6         5         3         2         5         0           Rogelio Santos Cruz         2         3         5         0         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3         2         3 <td>6</td> <td>Alberto Pérez Alvarez</td> <td>2</td> <td>ო</td> <td>ო</td> <td>2</td> <td>ro</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>ഹ</td> <td>ო</td> <td>Ø</td> <td>-</td> <td>4</td> <td>ın</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>ro</td>	6	Alberto Pérez Alvarez	2	ო	ო	2	ro	0	0	ഹ	ო	Ø	-	4	ın	0	0	ro
Maria Leticla Dolgado Loroto         1         4         5         0         4         1         0         5         4         1         0         5         4         1         0         5         4         1         0         5         4         1         0         5         6         4         1         0         5         0         2         2         2         2         0         5           José Rodrigo Jaramillo Castillo         2         3         5         0         4         1         0         5         0         7         1         4         1         0         5         0         4         1         0         5         0         4         1         0         5         0         4         1         0         5         0         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1	0	Imelda Ortega Ontiveros	0	ო	ro	0	4	-	4	-	0	Ŋ	ო	8	ro	0	0	ഹ
Maria Leticla Dolgado Loreto         1         4         5         0         4         1         0         5         0         2         2         0         5           Jose Rodrigo Jaramillo Captillo         2         3         5         0         4         1         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         4         1         1         4         1	-	Rogelio Santos Cruz	c <sub>1</sub>	ო	ro	0	m	2	ო	N	0	ro	4	-	0	ro	0	ro
José Rodrigo Jaramillo Caatillo         2         3         5         0         4         1         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         6         5         0         6         5         0         7         1         4         1         4         1         4         0         5           Sara Bustos Valdivia         0         5         0         5         0         4         1         1         4 <t< td=""><td>N</td><td>María Leticia Delgado Loreto</td><td>-</td><td>4</td><td>ເກ</td><td>0</td><td>4</td><td>-</td><td>0</td><td>ιΩ</td><td>ın</td><td>0</td><td>01</td><td>N</td><td>0</td><td>w</td><td>0</td><td>ro</td></t<>	N	María Leticia Delgado Loreto	-	4	ເກ	0	4	-	0	ιΩ	ın	0	01	N	0	w	0	ro
Victor Manuel Cruz Flores         2         3         5         0         5         0         4         1         4         1         4         1         4         1         4         5         0         5         5         0         4         1         1         4         1         4         1         4         1         4         5         0         5         0         4         1         1         4         1 <td>n</td> <td>José Rodrigo Jaramillo Captillo</td> <td>2</td> <td>ო</td> <td>ഹ</td> <td>0</td> <td>4</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>ro</td> <td>0</td> <td>ro</td> <td>ო</td> <td>2</td> <td>0</td> <td>w</td> <td>0</td> <td>ιΩ</td>	n	José Rodrigo Jaramillo Captillo	2	ო	ഹ	0	4	-	0	ro	0	ro	ო	2	0	w	0	ιΩ
Sara Bustos Valdívia         0         5         5         0         4         1         1         4         1	4		2	ო	ro.	0	rv	0	2	က	ro	0	-	4	0	ın	0	ľ
Fellpo de Jesús Moreno Sánchoz         0         5         5         0         4         1         0         5         1         4         0         5         1         4         0         5           Adriana Caestillo Rodríguez         2         3         5         0         4         1         4	5	Sara Bustos Valdivia	0	ιΩ	0	ro	ഹ	0	4	-	-	4	-	4	ഹ	0	w	0
Adriana Castilio Rodríguez         2         3         5         0         4         1         4 </td <td>9</td> <td>Felipe de Jesús Moreno Sánchoz</td> <td>0</td> <td>ro</td> <td>S</td> <td>0</td> <td>4</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>rv</td> <td>-</td> <td>4</td> <td>0</td> <td>w</td> <td>0</td> <td>'n</td> <td>0</td> <td>Ŋ</td>	9	Felipe de Jesús Moreno Sánchoz	0	ro	S	0	4	-	0	rv	-	4	0	w	0	'n	0	Ŋ
Claudia Berenice Castañoda Castillo         2         3         4         1         4         1         0         5         3         2         4         1         0         5         3         2         4         1         0         5         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         1         4         0         5         1         4         0         5         0         5         1         4         0         5	_	Adriana Castillo Rodríguez	2	ო	ro.	0	4	-	4	-	-	4	Ø	ო	0	ιΩ	-	4
María de la Luz Saucedo G.       1       4       2       3       0       5       1       4       0       5       1       4       0       5       1       4       0       5       1       4       0       5       1       4       0       5       1       4       0       5       0	83	Claudia Berenice Castañoda Castillo	2	ო	4	-	4	-	0	ro	ო	cı	4	-	0	ın	0	ഹ
Miguei Angel González         1         4         0         5         0         5         1         4         0         5         0         5         1         4         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         0         5         4         1         4	0	María de la Luz Saucedo G.	-	4	Ø	ო	0	ω	0	Ŋ	-	4	0	r0	0	വ	0	ιΩ
Hugo Pérez Torres         1         4         5         0         4         1         4         1         6         9         4         1         5         0         4         1         5         0         3         2         4         1           Andrés Guzmán Aguayo         4         1         5         0         4         1         5         0         3         2         4         1           Oscar Ortiz Olvera         2         3         5         0         4         1         2         3         0         5         4         1         4         1           Erika Benítez Esquível         3         2         5         0         5         0         5         3         1         4         0         5	0	Miguei Angel González	-	4	0	ro.	0	ω	-	4	0	വ	0	ເດ	0	'n	0	ιΩ
Andrés Guzmán Aguayo         4         1         5         0         5         0         4         1         5         0         3         2         4         1           Oscar Ortiz Olvera         2         3         5         0         4         1         2         3         0         5         4         1         4         1         4         1           Erika Benítez Esquivel         3         2         5         0         5         0         5         3         1         4         0         5	-	Hugo Pérez Torres	-	4	ഹ	0	4	-	4	-	0	D	က	0	ເດ	0	'n	0
Oscar Ortiz Olvera         2         3         5         0         4         1         2         3         0         5         4         1         4         1         4         1           Erika Benítez Esquivel         3         2         5         0         5         0         5         3         1         4         0         5	N	Andrés Guzmán Aguayo	4	-	2	0	ιΩ	0	4	-	ın	0	ო	Ø	4	-	ഗ	0
Erika Bonítez Esquivel 3 2 5 0 5 0 5 0 5 0 5 3 1 4 0 5	0	Oscar Ortiz Olvera	61	ო	2	0	4	-	2	က	0	ഹ	4	-	4	-	0	ro
	4	Erika Bonítez Esquivel	60	Ø	'n	0	ιΩ	0	ω	0	2	ო	-	4	0	w	LO.	0

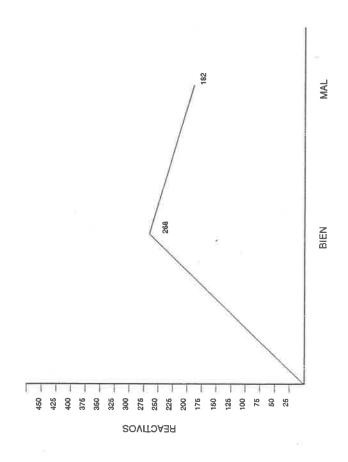
		ഗ്ഗ 	SUMA	2	RESTA	EXPH	EXPRESION	OIMD	CIMDI IELO	Ä	RECTA	PRO	PROPIAS	MIXT	MIXTAS A	EQUIVA-	-A
	NOMBRE	- B	DE 5	- B	DE 5	→ DEC	DECIMAL X	- N	×	NOW >	NUMERICA IMPROPIAS	IMPR(	DPIAS X		COMUNES	LENTES	× Ë
ınca	Blanca Isabeí Cruz Hernández	2	ო	0	5	0	ß	4	-	0	ഹ	2	ო	0	w	ω	0
ka M	Erika Mendoza Villarreal	9	23	က	0	0	က	4	-	0	w	01	ო	0	ιΩ	വ	0
nica	Mónica Carmina Gutiérez Ordóñez	-	4	4	-	w	0	4	-	0	'n	ო	01	0	'n	'n	0
legol	Rigoberto Mora Martínez	-	4	0	ß	0	ro	0	ro	0	w	67	ო	0	ro	Ŋ	0
ndra	Sandra Guadalupe Zamora Zamora	1	4	0	ß	0	w	4	-	0	w	01	ო	0	ın	ın	0
ıría S	María Sánchez Mora	-	4	0	w	0	ഹ	'n	0	0	w	0	ιΩ	0	r2	ın	0
	-																
						2											
									Γ							Г	

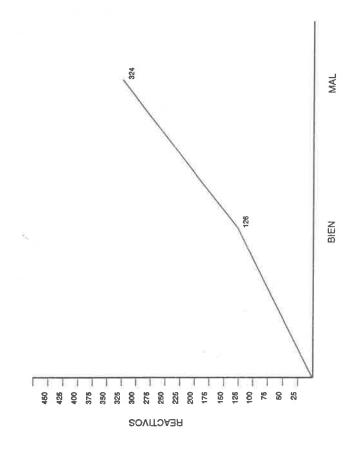
RESULTADOS GENERALES DE ALUMNOS "QUE SABEN Y NO SABEN" ALGUNAS DE LAS EXPRESIONES DE LAS FRACCIONES

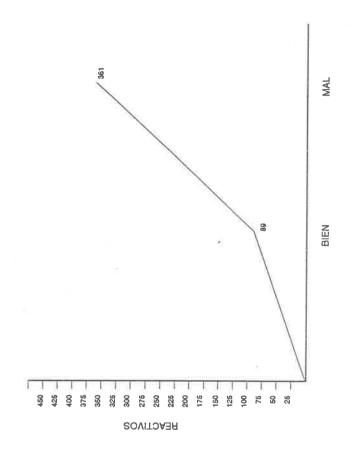


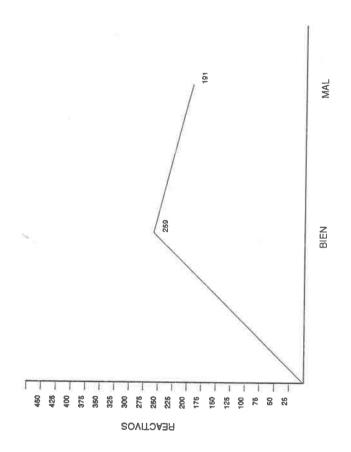


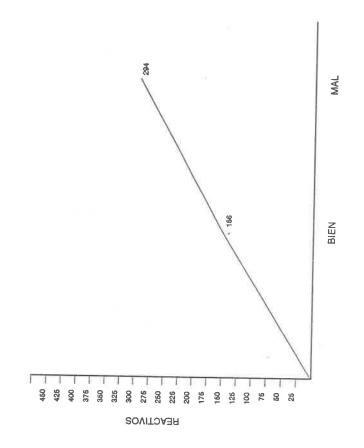


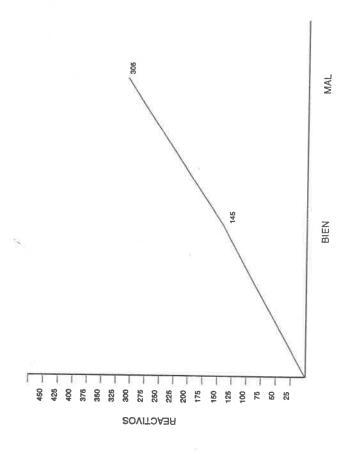












#### CONCLUSIONES

- Consideramos importante que todo docente, sin importar el nivel de enseñanza conozca cómo aprende las matemáticas el niño y cómo las construye.
- La construcción de fracciones ha sido un proceso muy complicado y más que no se cuenta con el material adecuadopara la enseñanza de las mismas.
- El aprendizaje de las fracciones en las escuelas primarias es deficiente debido a que los docentes utilizan una metodología que no está apegada a las necesidades de aprendizaje del niño, sino más bien transmite dicho conocimiento tal y como ellos lo manejan o lo aprendieron.
- En la evaluación diagnóstica realizada a los alumnos de 5° grado nos dimos cuenta de la falta, de manejo y com-- prensión de las fracciones debido a que la mayoría de los docentes a nivel primaria manejan los conceptos de fracción en forma poco clara y no verifican si se llegó o no a la -- comprensión.

### SUGERENCIAS

- Es indispensable que se dote a todas las escuelas primarias del suficiente material didáctico, principalmente pa ra el desarrollo de las actividades que llevan al conocimiento de las fracciones.
- Dentro de nuestro sistema educativo, se obligue a los - maestros a actualizarse para mejorar su práctica docente.
- Los libros de texto sean adaptados a las necesidades delniño y de la comunidad regional.
- Que los maestros tomen más en cuenta las actividades queayuden a la mejor comprensión de las fracciones y elabo-ren el material didáctico que se requiera.
- Que el maestro de educación primaria tenga el conocimiento claro de fracción en cada una de sus formas de representación (suma, resta, fracción, común propia, impropia, mixta, etc).

# BIBLIOGRAFIA

- 1. CUEVAS AGUILAR, Silvia. <u>Didáctica de la aritmética y lageometría</u>. México, D.F., S.E.P., Instituto Federal de Capacitación del Magisterio; Biblioteca Pedagógica de Mejoramiento Profesional, 187 p.
- 2. DICCIONARIO DE LAS CIENCIAS DE LA EDUCACION. Bajo la dirección de Sergio Sánchez Cerezo. México, D.F., Ed. Santillana, 1983. 1528 p.
- 3. ENCICLOPEDIA DE LAS CIENCIAS, Volumen 2, México, D.F., Editorial Cumbre, S.A. Empresa Grolier, octava edición,-1985, 296 p.
- 4. ENCICLOPEDIA DE LAS CIENCIAS LAROUSSE, Volumen 1, México D.F., Ediciones Larousse, S.A., 1982, 283 p.
- 5. ENCICLOPEDIA UNIVERSAL ILUSTRADA EUROPEO-AMERICANA, S.A. Editorial Espasa-Calpe, Tomo XXXIII, Madrid, España, -- 1981. 1511 p.
- 6. GRAN DICCIONARIO PATRIA DE LA LENGUA ESPANOLA, Tomos I y VI, México, D.F. Ed. Patria, octubre de 1983, 1668 p.
- 7. LARA APARICIO, Miguel. <u>Lecturas Universitarias</u>. Antolo--

- gía de Matemáticas. México, D.F. U.N.A.M., Colegio de Ciencias y Humanidades, 1971, 251 p.
- 8. RAMIREZ, Ma. Eugenia y RIOS, Rosa Ma. ¿Cambio de enfo-ques o de actitud en la enseñanza de las matemáticas?

  Revista Cero en conducta. México, D.F., Septiembre-Di-ciembre 1992, 112 p.
- 9. RODRIGUEZ RIVERA, Víctor Matías. <u>Psicotécnica Pedagógi-ca. Teoría y Práctica</u>. México, D.F. Editorial Porrúa, -S.A., 1981, 397 p.
- 10. SECRETARIA DE EDUCACION PUBLICA. <u>Fundamentación de la</u>

  <u>Teoría de Piaget en la escuela primaria</u>. Manual Técnico de apoyo en Jalisco. Dirección Federal de Educación Primaria, 1668 p.
- 11. SECRETARIA DE EDUCACION PUBLICA. Libro para el alumno de matemáticas 5° grado. Décimo novena edición, México, D.F. 1990. 208 p.
- 12. SECRETARIA DE EDUCACION PUBLICA. <u>Libro para el maestro-</u> <u>5º grado</u>. Educación Primaria. México, D.F. 1990. 298 p.
- 13. UNIVERSIDAD PEDAGOGICA NACIONAL. La matemática en la es cuela I. Antología, México, D.F. S.E.P. 1988, 330 p.

- 14. UNIVERSIDAD PEDAGOGICA NACIONAL. La matemática en la Escuela II. Antología, México, D.F. S.E.P., 1985, 332 p.
- 15. UNIVERSIDAD PEDAGOGICA NACIONAL. Análisis de la práctica docente. Antología. México, D.F., S.E.P. 1987, 230 p.

ANEXOS

#### EVALUACION DIAGNOSTICA

NOMBRE					
ESCUELA	 100	0	GRADO	GRUPO	E.

- I. RESUELVE LAS SIGUIENTES SUMAS DE FRACCIONES.
  - A) 3/6 + 8/7 -
  - B) 62/9 + 46/5 + 21/8 =
  - C) 5/10 + 6/5 =
  - D) 2 4/6 + 6 1/8 =
  - E) 96/4 + 38/20 =
- II. RESUELVE LAS SIGUIENTES RESTAS DE FRACCIONES.
  - A) 20/6 10/8 =
  - B) 2/4 3/8 =
  - C) 40/8 12/16 =
  - D) 12/2 6/4 =
  - E) 9/5 6/10 =
- III. DE LAS SIGUIENTES FRACCIONES OBTEN LA EXPRESION DECIMAL.
  - A) 1/2 =
  - B) 1/4 =
  - C) 25/100 =
  - D) 3/4 =
  - E) 4/8 =

	D) 100/20 =
	E) 80/8 =
V.	REPRESENTA EN LA RECTA NUMERICA LAS SIGUIENTES FRACCIO-
	NES.
	A) $1/3 = \frac{1}{0}$
	B) $3/4 = \frac{1}{0}$
	c) $5/5 = \frac{1}{0}$
	$D) 4/5 = \frac{1}{0}$
	E) $8/6 = 0$
VI.	ENCIERRA EN UN CIRCULO LAS FRACCIONES IMPROPIAS Y TACHA
	LAS PROPIAS.
	A) 6/5 B) 4/3 C) 2/7
	D) 15/6 E) 3/20
II.	CONVIERTE LAS SIGUIENTES FRACCIONES MIXTAS A COMUNES.
	A) 2 5/16=
	B) 8 3/5 =
	C) 9 3/6 =
	D) 2 6/9 =

IV. SIMPLIFICA LO MAS QUE PUEDAS LAS SIGUIENTES FRACCIONES.

A) 18/9 =

B) 25/100 =

C) 75/375 =

E) 1 7/9=

# VIII.OBTEN 2 FRACCIONES EQUIVALENTES DE LAS SIGUIENTES FRACCIONES.

- A) 2/4 =
- B) 6/9 =
- C) 9/10 =
- D) 3/6 =
- E) 1/2 =

"GRACIAS POR TU PARTICIPACION"

# ENCUESTA A DOCENTES EN FUNCION

Dock 3

ES	CUELA EN QUE LABORA
ΑN	OS DE SERVICIOESCOLARIDAD
	<u>~</u>
1.	¿Tiene otro empleo fuera del magisterio? Si No
	¿Cuál?
2.	¿Qué grado atiende actualmente?
	¿Ha realizado su labor docente en algún grado en espe
	cial varios cíclos, sin interrupción? Si No ¿En -
	cuál?;Por qué?
4.	¿Ha tenido imposición por algún grado? SiNo
5.	Dentro de la enseñanza de las matemáticas, con respecto-
	a las fracciones, ¿Qué dificultad ha encontrado en la en
	señanza de las mismas?
6.	¿Cree que sus alumnos logran satisfactoriamente el apren
	dizaje de las fracciones? SiNo;Por qué?
	1.4
7.	Dentro de su labor docente ¿cómo enseña las Fracciones?
	TRIC REFERENCES FOR A ALBORITON STATES OF THE

8.	¿Cree que los docentes manejan adecuadamente la enseñ
	za de las fracciones? Si No ;Por que?
	¿Cómo utiliza los libros de texto?
•	a) Apoyo
	b) Consulta
	c) Información
	¿Cree que los programas y libros de texto sugieren ac
	vidades acordes a las que usted realiza? Si No
	¿Por qué?
	¿Qué sugerencias puedes aportar para la enseñanza-apre
	dizaje de las fracciones?

GRACIAS POR TU PARTICIPACION.